

**Quesito n. A** Si trovi quel valore di  $a$  per cui è uguale ad  $M$  la massa di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [-a, a] \rightarrow \mathbf{R}$   $f(x) = hx^2$  e la cui densità è data da  $\delta(x, y) = \delta_o|x|$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $\left[\frac{1}{4h^2} \left( \left( \frac{6h^2M}{\delta_o} + 1 \right)^{2/3} - 1 \right)\right]^{1/2}$ 
 B  $\left[\frac{1}{4h^2} \left( \left( \frac{2h^2M}{\delta_o} + 1 \right)^{2/3} - 1 \right)\right]^{1/2}$ 
 C  $\left[\frac{1}{4h^2} \left( \left( \frac{3h^2M}{\delta_o} + 1 \right)^{2/3} - 1 \right)\right]^{1/2}$ 
 D  $\left[\frac{1}{4h^2} \left( \left( \frac{6h^2}{\delta_o} + 1 \right)^{2/3} - 1 \right)\right]^{1/2}$ 
 E  $\left[\frac{1}{4h^2} \left( \left( \frac{6h^2M}{\delta_o} + 1 \right)^{1/2} - 1 \right)\right]^{1/2}$ 
 F  $\left[\frac{1}{4h^2} \left( \left( \frac{6h^2M}{\delta_o} - 1 \right)^{2/3} - 1 \right)\right]$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si trovino  $\alpha \in \mathbf{R}$  ed  $l \in \mathbf{R} \setminus \{0\}$  ( $l$  finito e non nullo) tali che  $\lim_{a \rightarrow 0} \frac{M(a, h, \delta_o)}{a^\alpha} = l$  dove  $M(a, h, \delta_o)$  è la massa di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [0, a] \rightarrow \mathbf{R}$   $f(x) = 2h\sqrt{x}$  ed avente densità  $\delta(x, y) = \delta_o \frac{y}{2h}$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $\alpha = 1, l = \delta_o h$ 
 B  $l = 1, \alpha = \delta_o h$ 
 C  $\alpha = -1, l = \delta_o h$ 
 D  $\alpha = 1, l = \frac{2}{3}\delta_o h$ 
 E  $\alpha = 0, l = 2\delta_o h$ 
 F  $\alpha = -1, l = 2\delta_o h$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli la massa di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [-\frac{\pi}{2b}, \frac{\pi}{b}] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = b^{-1} \sin(bx)$  ed avente densità  $\delta(x, y) = \delta_o \sqrt{1 - b^2 y^2}$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $\frac{3}{2} \frac{\delta_o}{b} (1 + \frac{\pi}{2})$ 
 B  $\frac{4}{3} \frac{\delta_o}{b} (1 - \frac{\pi}{4})$ 
 C  $8 \frac{\delta_o}{b} (1 - \frac{\pi}{4})$ 
 D  $\frac{3}{4} \frac{\delta_o}{b} (1 + \frac{\pi}{4})$ 
 E  $\frac{2}{3} \frac{\delta_o}{b} (\frac{\pi}{4} - 1)$ 
 F  $\frac{2}{3} \frac{\delta_o}{b} (\frac{\pi}{2} + 1)$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli la massa di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [-\frac{\pi}{b}, \frac{\pi}{b}] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = b^{-1} \sin(bx)$  ed avente densità  $\delta(x, y) = \delta_o \sqrt{1 - b^2 y^2}$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $2 \frac{\delta_o}{b} (1 + \frac{\pi}{2})$ 
 B  $4 \frac{\delta_o}{b} (1 - \frac{\pi}{4})$ 
 C  $8 \frac{\delta_o}{b} (1 - \frac{\pi}{4})$ 
 D  $2 \frac{\delta_o}{b} (\frac{\pi}{2} - 1)$ 
 E  $\frac{\delta_o}{b} (\frac{\pi}{4} + 1)$ 
 F  $\frac{1}{2} \frac{\delta_o}{b} (\frac{\pi}{2} - 1)$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Per quale valore di  $p$  si ha  $\lim_{a \rightarrow +\infty} \frac{L(a, b)}{a^p} = l \in \mathbf{R} \setminus \{0\}$  ( $l$  finito e non nullo) dove  $L(a, b)$  è la lunghezza di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [0, \frac{a}{b}] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = -ax + \frac{b}{2}x^2$  con  $a > 0, b > 0$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $p = 2$ 
 B  $p = 3$ 
 C  $p = 1$ 
 D  $p = \frac{1}{2}$ 
 E  $p = 0$ 
 F  $p = -1$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Sia data la funzione  $y = \frac{b}{3} \left( \frac{2x}{a} \right)^{3/2}$ ,  $0 \leq x \leq x_o$  con  $a, b$  positivi. Si trovi quel valore di  $x_o$  per cui è uguale a  $\frac{\delta_o a^3}{3b^2}$  la massa  $M(a, b, \delta_o, x_o)$  di un filo di densità costante  $\delta(x, y) \equiv \delta_o$  e disposto lungo il grafico della funzione data.

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $\frac{a^3}{2b^2} (2^{2/3} - 1)$ 
 B  $\frac{a^3}{3b^2} (2^{2/3} + 1)$ 
 C  $\frac{a^3}{3b^2} (2^{3/2} - 1)$ 
 D  $\frac{a^3}{2b^2} (2^{2/3} + 1)$ 
 E  $\frac{3a^3}{2b^2} (2^{2/3} - 1)$ 
 F  $\frac{a^3}{b^2} (2^{3/2} + 1)^2$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = x^2y \cos(xy^2)$  esteso al dominio racchiuso dalla funzione  $y = \sqrt{x}$ , l'asse  $y = 0$  e l'asse  $x = \sqrt{\frac{\pi}{2}}$

A  $\frac{1}{4}$     B 1    C  $-\frac{1}{4}$     D  $\frac{1}{2}$     E  $-\frac{1}{2}$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = x^2y \cos(xy^2)$  esteso al dominio racchiuso dalla funzione  $y = \sqrt{|x|}$ , l'asse  $y = 0$ , l'asse  $x = \sqrt{\frac{\pi}{2}}$  e l'asse  $x = -\sqrt{\frac{\pi}{2}}$ .

A  $\frac{1}{2}$     B 1    C  $-\frac{1}{4}$     D 2    E  $-\frac{1}{2}$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = x^2y \cos(xy^2)$  esteso al dominio indicato con  $D_1 \cup D_2$  dove:  $D_1$  è racchiuso dalla funzione  $y = \sqrt{x}$ , l'asse  $y = 0$ , l'asse  $x = 2\sqrt{\frac{\pi}{2}}$  e  $D_2$  è racchiuso dalla funzione  $y = -\sqrt{x}$ , l'asse  $y = 0$ , l'asse  $x = \sqrt{2\pi}$

A 0    B 1    C  $\frac{1}{4}$     D 2    E  $-\frac{1}{2}$     F  $-\frac{1}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = x^2y \sin(xy^2)$  esteso al dominio racchiuso dalla funzione  $y = \sqrt{x}$ , l'asse  $y = 0$  e l'asse  $x = \sqrt{\frac{\pi}{2}}$

A  $\frac{\pi-2}{8}$     B  $\frac{4-\pi}{2}$     C  $\frac{2\pi+1}{3}$     D  $\frac{\pi+1}{4}$     E  $\frac{\pi-1}{2}$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = x^2y \sin(xy^2)$  esteso al dominio racchiuso dalla funzione  $y = \sqrt{|x|}$ , l'asse  $y = 0$ , l'asse  $x = \sqrt{2\pi}$  e l'asse  $x = -\sqrt{\pi}$ .

A  $\frac{\pi}{4}$     B  $\pi$     C  $-\frac{\pi}{4}$     D  $-\pi$     E  $-\frac{\pi}{2}$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = x^2y \sin(xy^2)$  esteso al dominio indicato con  $D_1 \cup D_2$  dove:  $D_1$  è racchiuso dalla funzione  $y = \sqrt{x}$ , l'asse  $y = 0$ , l'asse  $x = \sqrt{2\pi}$  e  $D_2$  è racchiuso dalla funzione  $y = -\sqrt{x}$ , l'asse  $y = 0$ , l'asse  $x = \sqrt{\pi}$

A  $\frac{\pi}{4}$     B  $\pi$     C  $\frac{\pi}{2}$     D  $-\pi$     E  $-\frac{1}{2}$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = e^{(y-x)/(y+x)}$  esteso all'insieme delimitato dalla retta di equazione  $x + y = 2$  e dagli assi coordinati

**Suggerimento** Si esegua una opportuna trasformazione di coordinate dettata dall'esponente della funzione.

- A  $e - \frac{1}{e}$     B  $e + \frac{1}{e}$     C  $e$     D  $-\frac{1}{e}$     E  $e^2$     F  $e^{-2}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = \sqrt{|y - x^2|}$  esteso al quadrato  $[-1, 1] \times [0, 2]$

- A  $\frac{\pi}{2} + \frac{5}{3}$     B  $\frac{\pi}{2} + \frac{2}{3}$     C  $\pi + \frac{2}{3}$     D  $\pi + \frac{4}{3}$     E  $\frac{\pi}{2}$     F  $-\frac{\pi}{2} + \frac{4}{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti l'integrale della funzione  $f(x, y) = 2xy^2$  esteso al dominio del piano racchiuso dalle funzioni  $y = \frac{1}{x}$ ,  $y = \frac{x^2}{8}$ ,  $y = 2$  e con  $x > 0$

- A  $\frac{243}{8}$     B  $\frac{235}{4}$     C  $-\frac{123}{5}$ ,    D 2    E  $-\frac{257}{8}$     F -1    G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = x^2y^2$  esteso all'insieme del primo quadrante racchiuso dalle due iperboli  $xy = 1$ ,  $xy = 2$  e le due rette  $y = x$ ,  $y = 4x$ .

**Suggerimento** Si esegua una opportuna trasformazione di coordinate dettata dalla funzione integranda e dalla espressione dell'insieme su cui integrare

- A  $\frac{7}{3} \ln 2$     B 1    C  $-\frac{1}{4}$     D 2    E  $-\frac{1}{2}$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti l'integrale della funzione  $f(x, y) = 2xy^2$  esteso al dominio del piano racchiuso dalle funzioni  $y = \frac{1}{x}$ ,  $y = \frac{x^2}{8}$ ,  $y = 1$  e con  $x > 0$

- A  $\frac{11}{8}$     B  $\frac{13}{4}$     C  $-\frac{12}{5}$ ,    D 2    E  $-\frac{25}{8}$     F -1    G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti l'integrale della funzione  $f(x, y) = 2xy^2$  esteso al dominio del piano racchiuso dalle funzioni  $y = -\frac{1}{x}$ ,  $y = -\frac{x^2}{8}$ ,  $y = -2$  e con  $x > 0$

- A  $\frac{243}{8}$     B  $\frac{235}{2}$     C  $-\frac{124}{5}$ ,    D 3    E  $-\frac{257}{8}$     F 1    G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si trovino  $p$  ed  $l$  in funzione di  $a$  tale che tale che  $\lim_{b \rightarrow 0} b^p L(a, b) = l(a)$  dove  $L(a, b)$  è la lunghezza di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [0, \frac{a}{b}] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = -ax + \frac{b}{2}x^2$  con  $a > 0$ ,  $b > 0$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $p = 1, l = \frac{1}{2}(\ln(\sqrt{1+a^2} + a) + a\sqrt{1+a^2})$   
  B  $p = 2, l = \frac{1}{2} \ln(\sqrt{1+a^2} - a)$   
  C  $p = 3, l = \frac{1}{2} \ln(\sqrt{4+a} - 2)$   
 D  $p = \frac{1}{2}, l = \frac{1}{2}(\sqrt{1+a} - 1)$   
  E  $p = 0, l = \frac{1}{2}(\ln(\sqrt{4+a^2} - 2) - a)$   
  F  $p = -1, l = \frac{a}{2}$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli la massa di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [-\frac{\pi}{b}, \frac{\pi}{b}] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = b^{-1} \sin(bx)$  ed avente densità  $\delta(x, y) = \delta_o b|y|$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $2\frac{\delta_o}{b}(\sqrt{2} + \ln(\sqrt{2} + 1))$   
  B  $4\frac{\delta_o}{b}(\sqrt{2} + \ln(\sqrt{2} - 1))$   
  C  $8\frac{\delta_o}{b}(\sqrt{3} + \ln(\sqrt{2} + 1))$   
  D  $2\frac{\delta_o}{b}(\sqrt{2} + \ln(\sqrt{2} + 2))$   
  E  $2\frac{\delta_o}{b}(\sqrt{3} + \ln(2\sqrt{2} + 1))$   
 F  $2\frac{\delta_o}{b}(2\sqrt{2} + \ln(\sqrt{2} + 2))$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli la massa di un filo disposto lungo l'iperbole di equazione  $x^2 - y^2 = a^2$  con  $a \leq x \leq \sqrt{2}a$ ,  $y > 0$  ed avente densità  $\delta(x, y) = \delta_o \frac{xy}{a^2}$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; nella regione interessata l'iperbole può scriversi come il grafico della funzione che a sua volta è il sostegno di una curva opportuna

- A  $\frac{3\sqrt{3}-1}{6}\delta_o a$   
  B  $\frac{2\sqrt{2}+1}{6}\delta_o a$   
  C  $\frac{3\sqrt{3}}{4}\delta_o a$   
  D  $\frac{\sqrt{3}+1}{6}\delta_o a$   
  E  $\frac{\sqrt{2}}{2}\delta_o a$   
  F  $\frac{3\sqrt{3}}{3}\delta_o a$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli la massa di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [-\frac{\pi}{b}, \frac{\pi}{b}] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = b^{-1} \cos(bx)$  ed avente densità  $\delta(x, y) = \delta_o \sqrt{1 - b^2 y^2}$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $2\frac{\delta_o}{b}(1 + \frac{\pi}{2})$   
  B  $4\frac{\delta_o}{b}(1 - \frac{\pi}{2})$   
  C  $8\frac{\delta_o}{b}(1 - \frac{\pi}{4})$   
  D  $2\frac{\delta_o}{b}(2 + \frac{\pi}{4})$   
  E  $2\frac{\delta_o}{b}(1 + \frac{3\pi}{2})$   
  F  $2\frac{\delta_o}{b}(2 + \frac{\pi}{2})$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli la massa di un filo disposto lungo l'iperbole di equazione  $x^2 - y^2 = a^2$  con  $a \leq x \leq \sqrt{5}a$ ,  $y > 0$  ed avente densità  $\delta(x, y) = \delta_o \frac{x}{a}$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; nella regione interessata l'iperbole può scriversi come il grafico di una funzione che a sua volta è il sostegno di una curva opportuna

- A  $\frac{\delta_o a}{2\sqrt{2}}(\ln(2\sqrt{2} + 3) + 6\sqrt{2})$   
  B  $\frac{\delta_o a}{2\sqrt{2}}(\ln(\sqrt{2} + \sqrt{3}) + \sqrt{2})$   
  C  $\frac{\delta_o a}{2\sqrt{2}} \ln(3\sqrt{2} + \sqrt{3})$   
  D  $\frac{\delta_o a}{2\sqrt{2}}(\ln(2\sqrt{2} + 3) + 3\sqrt{2})$   
  E  $\frac{\delta_o a}{2\sqrt{2}}(\ln(\sqrt{2} + 2\sqrt{3}) + \sqrt{6})$   
 F  $\frac{\delta_o a}{4\sqrt{2}}(\ln(\sqrt{2} + 3\sqrt{3}) + \sqrt{6})$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si trovino  $p$  ed  $l \in \mathbf{R} \setminus \{0\}$  ( $l$  finito e non nullo) tale che  $\lim_{a \rightarrow 0} \frac{L(a, b)}{a^p} = l$  dove  $L(a, b)$  è la lunghezza di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f: [0, \frac{a}{b}] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = -ax + \frac{b}{2}x^2$  con  $a > 0$ ,  $b > 0$

**Suggerimento:** È necessario (non sufficiente) che ad ogni passo le dimensioni delle grandezze siano corrette; il grafico della funzione è il sostegno di una curva opportuna

- A  $p = 2, l = \frac{1}{4b}$   
  B  $p = 3, l = \frac{1}{2b}$   
  C  $p = 1, l = b$   
  D  $p = \frac{1}{2}, l = \frac{1}{2b}$   
  E  $p = 0, l = 2b$   
  F  $p = -1, l = \frac{1}{b}$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli il volume del solido racchiuso dal cilindro di equazione  $\{x^2 + y^2 \leq y\}$ , dal cono  $z = \sqrt{x^2 + y^2}$  e dal piano  $(x, y)$ .

**Suggerimento:** Si consiglia un uso appropriato delle coordinate polari

A  $\frac{4}{9}$     B  $\frac{2}{3}$     C 2    D  $\frac{8}{9}$     E  $\frac{1}{2}$     F  $\frac{1}{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli il volume del solido racchiuso dal cilindro di equazione  $\{x^2 + y^2 \leq \frac{1}{2}x\}$ , dal cono  $z = 2\sqrt{x^2 + y^2}$  e dal piano  $(x, y)$

**Suggerimento:** Si consiglia un uso appropriato delle coordinate polari

A  $\frac{1}{9}$     B  $\frac{4}{9}$     C 2    D  $\frac{2}{3}$     E  $\frac{1}{2}$     F  $\frac{1}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli il volume del solido racchiuso dal cilindro di equazione  $\{x^2 + y^2 \leq -y\}$ , dal cono  $z = 3\sqrt{x^2 + y^2}$  e dal piano  $(x, y)$ .

**Suggerimento:** Si consiglia un uso appropriato delle coordinate polari

A  $\frac{4}{3}$     B 3    C 2    D  $\frac{8}{3}$     E  $\frac{1}{2}$     F  $\frac{1}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli il volume del solido racchiuso dal cilindro di equazione  $\{x^2 + y^2 \leq -x\}$ , dal cono  $z = 4\sqrt{x^2 + y^2}$  e dal piano  $(x, y)$

**Suggerimento:** Si consiglia un uso appropriato delle coordinate polari

A  $\frac{16}{9}$     B  $\frac{8}{9}$     C 2    D  $\frac{8}{3}$     E  $\frac{3}{2}$     F  $\frac{5}{2}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli il volume del solido racchiuso dal cilindro di equazione  $\{x^2 + y^2 \leq y\}$ , dal paraboloide  $z = 2(x^2 + y^2)$  e dal piano  $(x, y)$

**Suggerimento:** Si consiglia un uso appropriato delle coordinate polari

A  $\frac{3}{16}\pi$     B  $\frac{1}{2}\pi$     C  $\frac{7}{4}\pi$     D  $\frac{5}{16}\pi$     E  $\frac{2}{3}\pi$     F  $\frac{1}{32}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli il volume del solido racchiuso dal cilindro di equazione  $\{x^2 + y^2 \leq 2x\}$ , dal paraboloide  $z = (x^2 + y^2)$  e dal piano  $(x, y)$

**Suggerimento:** Si consiglia un uso appropriato delle coordinate polari

A  $\frac{3}{2}\pi$     B  $\frac{1}{2}\pi$     C  $\frac{7}{2}\pi$     D  $\frac{5}{4}\pi$     E  $\frac{5}{3}\pi$     F  $\frac{5}{2}\pi$     G nessuna delle altre

# Problema n. 5006

stud. (e)

controlli oltre al primo: 0

**Quesito n. A** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = e^{x+y}$  esteso all'insieme  $S = \{(x, y): 1 \leq |x| + |y| \leq 2\}$

- A  $4 \sinh 2 - 2 \sinh 1$     B  $2 \sinh 2 - 2 \sinh 1$     C  $4 \sinh 2 - 4 \sinh 1$     D  $4 \sinh 2 + 2 \cosh 1$     E  $4 \cosh 4 + 2 \sinh 1$   
 F  $4 \sinh 4 - 2 \sinh 1$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = e^{x+y}$  esteso all'insieme  $S = \{(x, y): 2 \leq |x| + |y| \leq 3\}$

- A  $6 \sinh 3 - 4 \sinh 2$     B  $2 \sinh 3 - 2 \sinh 2$     C  $4 \sinh 4 + 4 \sinh 2$     D  $4 \sinh 2 + 2 \cosh 1$     E  $6 \cosh 4 + 2 \sinh 1$   
 F  $6 \sinh 3 - 2 \sinh 1$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = e^{x+y}$  esteso all'insieme  $S = \{(x, y): 1 \leq |x| + |y| \leq 3\}$

- A  $6 \sinh 3 - 2 \sinh 1$     B  $2 \sinh 3 - 2 \sinh 2$     C  $4 \sinh 4 + 4 \sinh 2$     D  $4 \sinh 2 + 2 \cosh 1$     E  $4 \cosh 4 + 2 \sinh 1$   
 F  $6 \sinh 3 - 2 \sinh 2$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = \cosh(x + y)$  esteso all'insieme  $S = \{(x, y): 1 \leq |x| + |y| \leq 2\}$

- A  $4 \sinh 2 - 2 \sinh 1$     B  $2 \sinh 2 + 2 \sinh 1$     C  $4 \sinh 2 + 4 \sinh 1$     D  $4 \sinh 2 - 2 \cosh 1$     E  $4 \cosh 4 - 2 \sinh 1$   
 F  $4 \sinh 4 - 2 \sinh 1$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = \cosh(x + y)$  esteso all'insieme  $S = \{(x, y): 2 \leq |x| + |y| \leq 3\}$

- A  $6 \sinh 3 - 4 \sinh 2$     B  $2 \sinh 3 + 2 \sinh 2$     C  $4 \sinh 4 - 4 \sinh 2$     D  $4 \sinh 2 - 2 \cosh 1$     E  $6 \cosh 4 - 2 \sinh 1$   
 F  $6 \sinh 3 + 2 \sinh 1$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti l'integrale doppio della funzione  $f(x, y) = \cosh(x + y)$  esteso all'insieme  $S = \{(x, y): 1 \leq |x| + |y| \leq 3\}$

- A  $6 \sinh 3 - 2 \sinh 1$     B  $2 \sinh 3 + 2 \sinh 2$     C  $4 \sinh 4 - 4 \sinh 2$     D  $4 \sinh 2 - 2 \cosh 1$     E  $4 \cosh 4 - 2 \sinh 1$   
 F  $6 \sinh 3 + 2 \sinh 2$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli l'area della regione piana racchiusa dalle due curve  $x^2 - y^2 = 1$  e  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$

- A  $2[-\ln(\frac{\sqrt{3}+2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{5}}]$   
  B  $2[-\ln(\frac{\sqrt{3}+2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{2}{5}}]$   
  C  $2[-\ln(\frac{\sqrt{3}+2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}) - 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{5}}]$   
  D  $2[-\ln(\frac{\sqrt{3}+2\sqrt{3}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{5}}]$   
  E  $2[-\ln(\frac{\sqrt{3}+2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}) - 2 \arcsin \sqrt{\frac{2}{5}}]$   
  F  $2[-\ln(\frac{\sqrt{3}+2\sqrt{3}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{2}{5}}]$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli l'area della regione piana racchiusa dalle due curve  $4x^2 - y^2 = 1$  e  $x^2 + y^2 = 1$

- A  $[-\ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{8}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{5}}]$   
  B  $[-\frac{1}{2} \ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{8}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{5}}]$   
  C  $[-\ln(\frac{\sqrt{2}+\sqrt{8}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{5}}]$   
  D  $[-\ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{5}}]$   
  E  $[-2 \ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{8}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{5}}]$   
  F  $[-\ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{8}}{\sqrt{5}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{2}{5}}]$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli l'area della regione piana racchiusa dalle due curve  $4x^2 - 4y^2 = 1$  e  $x^2 + y^2 = 1$

- A  $[-\frac{1}{2} \ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{5}}{\sqrt{2}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{8}}]$   
  B  $[-\ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{5}}{\sqrt{2}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{8}}]$   
  C  $[-\frac{1}{2} \ln(\frac{\sqrt{2}+\sqrt{5}}{\sqrt{2}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{8}}]$   
  D  $[-\frac{1}{2} \ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{\sqrt{2}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{8}}]$   
  E  $[-\frac{1}{2} \ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{5}}{\sqrt{3}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{3}{8}}]$   
  F  $[-\frac{1}{2} \ln(\frac{\sqrt{3}+\sqrt{5}}{\sqrt{2}}) + 2 \arcsin \sqrt{\frac{5}{8}}]$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli l'area della regione piana racchiusa dalle due curve  $x^2 - 4y^2 = 1$  e  $\frac{x^2}{16} + y^2 = 1$

- A  $[-\ln(2+\sqrt{3}) + \frac{8}{3}\pi]$   
  B  $\frac{1}{4}[\ln(2+\sqrt{3}) + \frac{4}{3}\pi]$   
  C  $\frac{1}{2}[\ln(3+\sqrt{3}) + \frac{4}{3}\pi]$   
  D  $\frac{1}{2}[\ln(2+\sqrt{5}) + \frac{4}{3}\pi]$   
  E  $\frac{1}{2}[\ln(2+\sqrt{3}) + \frac{2}{3}\pi]$   
  F  $\frac{1}{2}[\ln(2+\sqrt{3}) + \frac{4}{5}\pi]$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli l'area della regione piana racchiusa dalle due curve  $x^2 - y^2 = 1$  e  $\frac{x^2}{3} + y^2 = 1$

- A  $[-2 \ln(\frac{1+\sqrt{3}}{\sqrt{2}}) + \frac{\sqrt{3}}{2}\pi]$   
  B  $[\ln(\frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{2}}) + \frac{\sqrt{3}}{4}\pi]$   
  C  $[2 \ln(\frac{1+\sqrt{2}}{\sqrt{2}}) + \frac{\sqrt{3}}{4}\pi]$   
  D  $[-2 \ln(\frac{1+\sqrt{3}}{\sqrt{3}}) + \frac{\sqrt{3}}{4}\pi]$   
  E  $[3 \ln(\frac{1+\sqrt{3}}{\sqrt{2}}) + \frac{\sqrt{1}}{4}\pi]$   
  F  $[\ln(\frac{1+\sqrt{3}}{\sqrt{2}}) + \frac{\sqrt{3}}{5}\pi]$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli l'area della regione piana racchiusa dalle due curve  $4x^2 - y^2 = 1$  e  $x^2 + \frac{y^2}{8} = 1$

- A  $[-\ln(\sqrt{3} + \sqrt{2}) + \frac{2\sqrt{2}}{3}\pi]$   
  B  $\frac{1}{2}[\ln(\sqrt{3} + \sqrt{2}) + \frac{\sqrt{2}}{3}\pi]$   
  C  $[-\ln(1 + \sqrt{2}) + \frac{\sqrt{2}}{3}\pi]$   
  D  $\frac{1}{2}[\ln(\sqrt{3} + 1) + \frac{\sqrt{2}}{3}\pi]$   
  E  $\frac{1}{2}[-\ln(\sqrt{3} + \sqrt{2}) + \frac{\sqrt{3}}{3}\pi]$   
  F  $\frac{1}{2}[\ln(\sqrt{3} + \sqrt{2}) + \frac{\sqrt{2}}{5}\pi]$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $(-1, 0)$ ,  $(-1, 2)$  e  $(-1, 2)$ ,  $(0, 2)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = y + |x|$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = |x + 2|$ . Trovare l'**ascissa** del baricentro dei due fili

- A  $-\frac{28}{33}$   
  B  $-\frac{8}{3}$   
  C  $-\frac{21}{32}$   
  D  $\frac{12}{13}$   
  E  $\frac{2}{13}$   
  F  $-\frac{2}{3}$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si dica che relazione deve intercorrere fra le quantità positive  $\delta_o$  e  $\delta_1$  affinché sia uguale a **zero** la **ascissa** del baricentro di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f(x) = \begin{cases} x + L & -L \leq x \leq 0 \\ x - L & 0 \leq x \leq L \end{cases}$  ed avente

$$\text{densità } \delta(x, y) = \begin{cases} \delta_o|x| & -L \leq x \leq 0 \\ \delta_1x^2 & 0 \leq x \leq L \end{cases}$$

- A  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{3}{4}L$   
  B  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{4}L$   
  C  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{2}L$   
  D  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = L$   
  E  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{3}L$   
  F  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{2}{3}L$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $(-2, 0)$ ,  $(-2, 1)$  e  $(-2, 1)$ ,  $(0, 1)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = y + |x|$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = 2 - |x|$ . Trovare l'**ascissa** del baricentro dei due fili

- A  $-\frac{38}{27}$   
  B  $-\frac{8}{7}$   
  C  $-\frac{7}{8}$   
  D  $-\frac{18}{17}$   
  E  $-\frac{28}{27}$   
  F  $-\frac{15}{17}$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si dica che relazione deve intercorrere fra le quantità positive  $\delta_o$  e  $\delta_1$  affinché sia uguale a **zero** la **ascissa** del baricentro di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f(x) = \begin{cases} x + L & -L \leq x \leq 0 \\ x - 2L & 0 \leq x \leq 2L \end{cases}$  ed avente

$$\text{densità } \delta(x, y) = \begin{cases} \delta_o|x| & -L \leq x \leq 0 \\ \delta_1x^2 & 0 \leq x \leq 2L \end{cases}$$

- A  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 12L$   
  B  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 2L$   
  C  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{2}L$   
  D  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = L$   
  E  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 3L$   
  F  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{2}{3}L$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $(-1, 0)$ ,  $(-1, 2)$  e  $(-1, 2)$ ,  $(0, 2)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = |xy|$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = |x + 2|$ . Trovare l'**ascissa** del baricentro dei due fili

- A  $-\frac{16}{21}$   
  B  $-\frac{6}{23}$   
  C  $-\frac{26}{25}$   
  D  $-\frac{2}{22}$   
  E  $-\frac{21}{46}$   
  F  $-\frac{25}{26}$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si dica che relazione deve intercorrere fra le quantità positive  $\delta_o$  e  $\delta_1$  affinché sia uguale a **zero** la **ordinata** del baricentro di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f(x) = \begin{cases} -x - L & -L \leq x \leq 0 \\ -x + L & 0 \leq x \leq L \end{cases}$  ed avente

$$\text{densità } \delta(x, y) = \begin{cases} \delta_o|x| & -L \leq x \leq 0 \\ \delta_1x^2 & 0 \leq x \leq L \end{cases}$$

- A  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{2}L$   
  B  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = L$   
  C  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{3}{4}L$   
  D  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 2L$   
  E  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 3L$   
  F  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{2}{3}L$   
  G nessuna delle altre

# Problema n. 5009

stud.

controlli oltre al primo: 0

---

**Quesito n. A** Si calcoli il volume del solido contenuto tra il paraboloide  $z = x^2 + y^2$  ed il piano  $z = \sqrt{2}(x + y) + 1$

A  $2\pi$     B  $4\pi$     C  $3\pi$     D  $\frac{\pi}{2}$     E  $\frac{\pi}{4}$     F  $\pi$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. B** Si calcoli il volume del solido contenuto tra il paraboloide  $z = 2x^2 + \frac{1}{2}y^2$  ed il piano  $z = 2x + \sqrt{2}y + \frac{3}{2}$

A  $\frac{9}{2}\pi$     B  $\frac{5}{2}\pi$     C  $3\pi$     D  $2\pi$     E  $\frac{\pi}{2}$     F 1    G nessuna delle altre

---

**Quesito n. C** Si calcoli il volume del solido contenuto tra il paraboloide  $z = x^2 + y^2$  ed il piano  $z = \sqrt{2}(x + y) + 3$

A  $8\pi$     B  $3\pi$     C  $2\pi$     D 1    E  $\pi$     F  $4\pi$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. D** Si calcoli il volume del solido contenuto tra il paraboloide  $z = x^2 + y^2$  ed il piano  $z = 2x + 2y + 3$

A  $\frac{25}{2}\pi$     B  $\frac{5}{2}\pi$     C  $\frac{5}{4}\pi$     D  $\frac{3}{2}\pi$     E  $\frac{\pi}{2}$     F  $\pi$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. E** Si calcoli il volume del solido contenuto tra il paraboloide  $z = \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}y^2$  ed il piano  $z = \sqrt{2}x + 2y + 1$

A  $16\pi$     B  $4\pi$     C  $\pi$     D  $2\pi$     E  $\frac{\pi}{2}$     F  $3\pi$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. F** Si calcoli il volume del solido contenuto tra il paraboloide  $z = \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}y^2$  ed il piano  $z = 2x + \sqrt{2}y + 3$

A  $36\pi$     B  $9\pi$     C  $32\pi$     D  $16\pi$     E  $\pi$     F  $2\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli il volume definito da  $x \geq 0, y \geq 0, x^2 + y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq xy$

A  $\frac{1}{8}$     B 1    C  $\frac{1}{4}$     D  $\frac{2}{3}$     E 2    F  $\frac{1}{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli il volume definita da  $x \geq 0, y \geq 0, x^2 + y^2 \leq 4, 0 \leq z \leq xy$

A 1    B 2    C 3    D 6    E 4    F 12    G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli il volume definita da  $x \geq 0, y \geq 0, x^2 + y^2 \leq 2, 0 \leq z \leq xy$

A  $\frac{1}{2}$     B  $\frac{1}{4}$     C  $\frac{1}{8}$     D  $\frac{1}{3}$     E 1    F 2    G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli il volume definita da  $x \geq 0, y \geq 0, x^2 + y^2 \leq 1, 0 \leq \frac{1}{2}z \leq xy$

A  $\frac{1}{4}$     B 2    C 3    D  $\frac{2}{3}$     E 2    F  $\frac{1}{2}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli il volume definita da  $x \geq 0, y \geq 0, x^2 + y^2 \leq 1, 0 \leq 2z \leq xy$

A  $\frac{1}{16}$     B 1    C 3    D 2    E  $\frac{1}{8}$     F  $\frac{1}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli il volume definita da  $x \geq 0, y \geq 0, x^2 + y^2 \leq 4, 0 \leq 2z \leq xy$

A 1    B 4    C 3    D 2    E  $\frac{1}{8}$     F  $\frac{1}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli l'area della superficie definita da  $(x^2 + y^2)^{3/2} \leq y$ ,  $0 \leq z = xy$

- A  $\frac{20}{9} - \frac{\pi}{3}$   
  B  $\frac{10}{9} - \frac{\pi}{2}$   
  C  $\frac{20}{9} - \frac{\pi}{6}$   
  D  $\frac{10}{9} - \frac{\pi}{3}$   
  E  $\frac{40}{9} - \frac{\pi}{3}$   
  F  $\frac{80}{9} - \frac{\pi}{6}$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli l'area della superficie definita da  $(x^2 + y^2)^{3/2} \leq 4y$ ,  $0 \leq z = \frac{1}{2}xy$

- A  $\frac{80}{9} - \frac{4}{3}\pi$   
  B  $\frac{40}{9} - \frac{3}{2}\pi$   
  C  $\frac{20}{9} - \frac{1}{6}\pi$   
  D  $\frac{10}{9} - \frac{2}{3}\pi$   
  E  $\frac{40}{9} - \frac{5}{3}\pi$   
  F  $\frac{80}{9} - \frac{2}{3}\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli l'area della superficie definita da  $(x^2 + y^2)^{3/2} \leq \frac{1}{4}|y|$ ,  $0 \leq z = 2xy$

- A  $\frac{10}{9} - \frac{\pi}{6}$   
  B  $\frac{10}{9} - \frac{\pi}{2}$   
  C  $\frac{5}{9} - \frac{1}{16}\pi$   
  D  $\frac{10}{9} - \frac{\pi}{3}$   
  E  $\frac{40}{9} - \frac{\pi}{3}$   
  F  $\frac{80}{9} - \frac{\pi}{6}$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli l'area della superficie definita da  $(x^2 + y^2)^{3/2} \leq -2y$ ,  $0 \leq z = \frac{1}{\sqrt{2}}xy$

- A  $\frac{40}{9} - \frac{2}{3}\pi$   
  B  $\frac{40}{9} - \frac{3}{2}\pi$   
  C  $\frac{20}{9} - \frac{1}{6}\pi$   
  D  $\frac{5}{9} - \frac{1}{12}\pi$   
  E  $\frac{40}{9} - \frac{1}{3}\pi$   
  F  $\frac{80}{9} - \frac{2}{3}\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli l'area della superficie definita da  $(x^2 + y^2)^{3/2} \leq -y$ ,  $0 \leq z = xy$

- A  $\frac{20}{9} - \frac{1}{3}\pi$   
  B  $\frac{40}{9} - \frac{3}{2}\pi$   
  C  $\frac{20}{9} - \frac{1}{6}\pi$   
  D  $\frac{10}{9} - \frac{2}{3}\pi$   
  E  $\frac{5}{9} - \frac{1}{12}\pi$   
  F  $\frac{80}{9} - \frac{2}{3}\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli l'area della superficie definita da  $(x^2 + y^2)^{3/2} \leq \frac{1}{3}|y|$ ,  $0 \leq z = \sqrt{3}xy$

- A  $\frac{40}{27} - \frac{2}{9}\pi$   
  B  $\frac{40}{9} - \frac{3}{2}\pi$   
  C  $\frac{20}{27} - \frac{1}{9}\pi$   
  D  $\frac{10}{9} - \frac{1}{3}\pi$   
  E  $\frac{40}{9} - \frac{1}{27}\pi$   
  F  $\frac{80}{9} - \frac{1}{3}\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Calcolare il volume compreso fra i due paraboloidi  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 1 - x^2 - y^2$

- A  $\frac{\pi}{4}$     B  $\pi$     C  $\frac{\pi}{2}$     D  $\frac{\pi}{3}$     E  $2\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Calcolare il volume compreso fra i due paraboloidi  $z = x^2 + 3y^2$ ,  $z = 1 - 3x^2 - y^2$

- A  $\frac{\pi}{8}$     B  $\pi$     C  $\frac{\pi}{2}$     D  $\frac{\pi}{3}$     E  $2\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Calcolare il volume compreso fra i due paraboloidi  $z = x^2 + 3y^2$ ,  $z = 4 - 3x^2 - y^2$

- A  $2\pi$     B  $\pi$     C  $\frac{\pi}{4}$     D  $\frac{\pi}{3}$     E  $4\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Calcolare il volume compreso fra i due paraboloidi  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = \sqrt{2} - x^2 - y^2$

- A  $\frac{\pi}{2}$     B  $\pi$     C  $\frac{\pi}{4}$     D  $\frac{\pi}{3}$     E  $2\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Calcolare il volume compreso fra i due paraboloidi  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 2 - x^2 - y^2$

- A  $\pi$     B  $4\pi$     C  $\frac{\pi}{4}$     D  $\frac{\pi}{3}$     E  $\frac{\pi}{2}$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Calcolare il volume compreso fra i due paraboloidi  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 2\sqrt{2} - x^2 - y^2$

- A  $2\pi$     B  $\frac{\pi}{2}$     C  $\frac{\pi}{4}$     D  $\frac{\pi}{3}$     E  $4\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = 1 - x^2 - y^2$ ,  $z = xy$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$ ,

- A  $\frac{\pi}{4\sqrt{3}}$ 
 B  $\pi\sqrt{3}$ 
 C  $\sqrt{3}\frac{\pi}{4}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $\frac{2}{3}\pi\sqrt{2}$ 
 F  $\frac{3}{4}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = \sqrt{2} - x^2 - y^2$ ,  $z = xy$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$ ,

- A  $\frac{\pi}{2\sqrt{3}}$ 
 B  $\pi\sqrt{3}$ 
 C  $\frac{\sqrt{3}\pi}{4}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $\frac{2}{\sqrt{3}}\pi$ 
 F  $\frac{3}{\sqrt{2}}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = 2\sqrt{2} - x^2 - y^2$ ,  $z = xy$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$ ,

- A  $\frac{2\pi}{\sqrt{3}}$ 
 B  $\frac{\pi}{\sqrt{3}}$ 
 C  $\frac{\pi}{4\sqrt{3}}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $\frac{2}{\sqrt{3}}\pi$ 
 F  $\frac{3}{\sqrt{2}}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = 1 - 2x^2 - 2y^2$ ,  $z = xy$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$ ,

- A  $\frac{\pi}{4\sqrt{15}}$ 
 B  $\pi\sqrt{5}$ 
 C  $\frac{\pi}{\sqrt{5}}$ 
 D  $\frac{\pi}{5\sqrt{2}}$ 
 E  $5\sqrt{2}\pi$ 
 F  $\frac{\sqrt{5}}{4}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = 2 - 2x^2 - 2y^2$ ,  $z = xy$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$ ,

- A  $\frac{\pi}{\sqrt{15}}$ 
 B  $\frac{\pi}{5}$ 
 C  $\frac{\pi}{\sqrt{5}}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{5}}$ 
 E  $2\sqrt{5}\pi$ 
 F  $\frac{3}{5\sqrt{5}}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = \sqrt{2} - 2x^2 - 2y^2$ ,  $z = xy$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$ ,

- A  $\frac{\pi}{2\sqrt{15}}$ 
 B  $\pi\sqrt{5}$ 
 C  $\frac{\pi}{\sqrt{15}}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{5}}$ 
 E  $2\sqrt{5}\pi$ 
 F  $\frac{\sqrt{3}}{5}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 4\sqrt{xy}$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$

- A  $\frac{4}{3}\pi$ 
 B  $\pi$ 
 C  $\frac{\pi}{4}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $2\pi$ 
 F  $\frac{3}{4}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 2\sqrt{2}\sqrt{xy}$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$

- A  $\frac{\pi}{3}$ 
 B  $\pi$ 
 C  $\frac{\pi}{4}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $2\pi$ 
 F  $\frac{3}{4}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 4\sqrt{2}\sqrt{xy}$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$

- A  $\frac{16}{3}\pi$ 
 B  $\pi$ 
 C  $\frac{\pi}{4}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $2\pi$ 
 F  $\frac{3}{4\sqrt{2}}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{4}$ ,  $z = \sqrt{2}\sqrt{xy}$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$

- A  $\frac{4}{3}\pi$ 
 B  $\pi$ 
 C  $\frac{\pi}{4}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $2\pi$ 
 F  $\frac{3}{4}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{4}$ ,  $z = \sqrt{xy}$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$

- A  $\frac{\pi}{3}$ 
 B  $\pi$ 
 C  $\frac{\pi}{4}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $2\pi$ 
 F  $\frac{3}{4}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Calcolare il volume compreso fra i grafici delle seguenti funzioni  $z = 2x^2 + 2y^2$ ,  $z = 4\sqrt{xy}$   $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$

- A  $\frac{\pi}{6}$ 
 B  $\pi$ 
 C  $\frac{\pi}{4}$ 
 D  $\frac{\pi}{3\sqrt{2}}$ 
 E  $2\pi$ 
 F  $\frac{3}{4}\pi$ 
 G nessuna delle altre

# Problema n. 5015

Controllato a mano (G) controlli oltre al primo:

0

---

**Quesito n. A** Calcolare il volume dell'insieme  $\{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3: 0 \leq z \leq 2xy, x \geq 0, y \geq 0, 2\sqrt{xy} \geq x^2 + y^2\}$

A  $\frac{2}{3}$     B  $\frac{1}{8}$     C  $\frac{1}{4}$     D  $\frac{3}{\sqrt{2}}$     E  $2\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. B** Calcolare il volume dell'insieme  $\{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3: 0 \leq z \leq 2xy, x \geq 0, y \geq 0, 2\sqrt{xy} \geq \frac{1}{4}x^2 + 4y^2\}$

A  $\frac{2}{3}$     B  $\frac{1}{3}$     C  $\frac{1}{4}$     D  $\frac{3}{\sqrt{5}}$     E  $\pi$     F  $\frac{3}{4}$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. C** Calcolare il volume dell'insieme  $\{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3: 0 \leq z \leq xy, x \geq 0, y \geq 0, \sqrt{xy} \geq x^2 + \frac{1}{2}y^2\}$

A  $\frac{1}{12}$     B  $\frac{1}{8}$     C  $\frac{1}{4}$     D  $\frac{3}{\sqrt{2}}$     E  $2\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. D** Calcolare il volume dell'insieme  $\{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3: 0 \leq z \leq xy, x \geq 0, y \geq 0, \sqrt{xy} \geq \frac{1}{2}x^2 + y^2\}$

A  $\frac{1}{6}$     B  $\frac{1}{5}$     C  $\frac{1}{4}$     D  $\frac{5}{\sqrt{2}}$     E  $\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. E** Calcolare il volume dell'insieme  $\{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3: 0 \leq z \leq xy, x \geq 0, y \geq 0, 2\sqrt{xy} \geq x^2 + 2y^2\}$

A  $\frac{1}{6}$     B  $\frac{1}{3}$     C  $\frac{1}{2}$     D  $\frac{3}{\sqrt{2}}$     E  $2\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. F** Calcolare il volume dell'insieme  $\{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3: 0 \leq z \leq \sqrt{2}xy, x \geq 0, y \geq 0, \sqrt{2xy} \geq 2x^2 + y^2\}$

A  $\frac{\sqrt{2}}{48}$     B  $\frac{\sqrt{2}}{6}$     C  $\frac{\sqrt{2}}{24}$     D  $\frac{3}{\sqrt{2}}$     E  $2\pi$     F  $\frac{3}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy \frac{1}{\sqrt{3}} |\frac{1}{\sqrt{2}}x - y|$  dove  $E$  è il triangolo i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}})$ ,  $(0, \frac{1}{\sqrt{3}})$ ,

- A  $\frac{\sqrt{2}}{3}$     B  $\frac{1}{3}$     C  $\frac{2}{\sqrt{3}}$     D  $\frac{2}{3}$     E  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$     F  $\sqrt{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy \frac{1}{\sqrt{3}} |x - \frac{1}{\sqrt{2}}y|$  dove  $E$  è il triangolo i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{3}}, -\frac{1}{\sqrt{3}})$ ,  $(0, \frac{1}{\sqrt{3}})$ ,

- A  $\frac{2}{3}$     B  $\frac{1}{3}$     C  $\frac{2}{\sqrt{3}}$     D  $\frac{2}{3}$     E  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$     F  $\sqrt{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy \frac{1}{2} |\sqrt{3}x - y|$  dove  $E$  è il triangolo i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(2, 0)$ ,  $(-1, \sqrt{3})$

- A 1    B  $\frac{1}{3}$     C  $\frac{2}{3}$     D  $\frac{3}{\sqrt{2}}$     E 2    F  $\sqrt{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy \frac{1}{\sqrt{5}} |x - 2y|$  dove  $E$  è il triangolo i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(1, 3)$ ,  $(3, -1)$ ,

- A  $\frac{5\sqrt{5}}{3}$     B  $\frac{1}{\sqrt{5}}$     C  $\frac{1}{4\sqrt{5}}$     D  $\frac{3}{\sqrt{5}}$     E  $\frac{1}{5}$     F  $\frac{3}{25}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy \frac{1}{\sqrt{5}} |x - 2y|$  dove  $E$  è il triangolo i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(2, 6)$ ,  $(6, -2)$ ,

- A  $\frac{40}{3}\sqrt{5}$     B  $\frac{20}{3}\sqrt{5}$     C  $\frac{1}{\sqrt{5}}$     D  $\frac{3}{\sqrt{5}}$     E  $\sqrt{5}$     F  $\frac{3}{2\sqrt{5}}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy \frac{1}{\sqrt{5}} |x - 2y|$  dove  $E$  è il triangolo i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{3}{2}, \frac{9}{2})$ ,  $(\frac{9}{2}, -\frac{3}{2})$

- A  $\frac{45}{8}\sqrt{5}$     B  $\frac{40}{3}\sqrt{5}$     C  $\frac{1}{\sqrt{5}}$     D  $\frac{5}{\sqrt{2}}$     E  $\sqrt{5}$     F  $\frac{3}{\sqrt{5}}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega(x, y) = x^2y(1 + 4xy^3)dx + x^3(1 + 4xy^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dall'ellisse  $x^2 + \frac{y^2}{4} = 1$  percorsa una volta in senso antiorario

A  $\pi$     B  $-2\pi$     C  $\frac{\pi}{2}$     D  $-\frac{\pi}{2}$     E  $0$     F  $\frac{\pi}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega(x, y) = x^2y(1 + 4xy^3)dx + x^3(1 + 4xy^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dall'ellisse  $\frac{x^2}{4} + 4y^2 = 1$  percorsa una volta in senso antiorario

A  $2\pi$     B  $-\pi$     C  $\frac{\pi}{4}$     D  $-\frac{\pi}{2}$     E  $0$     F  $\frac{\pi}{2}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega(x, y) = x^2y(1 + 4xy^3)dx + x^3(1 + 4xy^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dall'ellisse  $\frac{x^2}{16} + 4y^2 = 1$  percorsa una volta in senso antiorario

A  $16\pi$     B  $8\pi$     C  $32\pi$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $24\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega(x, y) = x^2y(1 + 4xy^2)dx + 3y^2x(1 + 2yx^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dall'ellisse  $\frac{x^2}{2} + y^2 = 1$  percorsa una volta in senso antiorario

A  $\frac{\sqrt{2}}{4}\pi$     B  $\frac{\sqrt{2}}{2}\pi$     C  $\sqrt{2}\pi$     D  $2\pi$     E  $0$     F  $\frac{\sqrt{3}}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega(x, y) = x^2y(1 + 4xy^2)dx + 2y^2x(1 + 2yx^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dal cerchio  $x^2 + y^2 = 1$  percorso una volta in senso antiorario

A  $\frac{\pi}{4}$     B  $-2\pi$     C  $0$     D  $-\frac{\pi}{2}$     E  $\frac{\pi}{2}$     F  $\sqrt{3}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega(x, y) = x^2y(1 + 4xy^2)dx + 3y^2x(1 + 2yx^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dall'ellisse  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1$  percorsa una volta in senso antiorario

A  $\sqrt{2}\pi$     B  $-\pi$     C  $\pi$     D  $-2\pi$     E  $-\sqrt{3}\pi$     F  $4\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = y(1 + 4x^3y^3)dx + x(-1 + 4x^3y^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dall'iperbole di equazione  $x^2 - y^2 = 1$ ,  $1 \leq x \leq \cosh \frac{1}{2}$ , e dal segmento verticale congiungente i punti  $(\cosh \frac{1}{2}, \sinh \frac{1}{2})$  e  $(\cosh \frac{1}{2}, -\sinh \frac{1}{2})$ . La curva è percorsa in senso orario

A  $-1 + \sinh 1$     B  $1 - \sinh 1$     C  $-1 - \sinh 1$     D  $1 + \sinh 1$     E  $1 + \sinh 2$     F  $1 - \cosh 1$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = y(1 + 4x^3y^3)dx + x(-1 + 4x^3y^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dall'iperbole di equazione  $\frac{x^2}{2} - 4y^2 = 1$ ,  $\sqrt{2} \leq x \leq \sqrt{2} \cosh \frac{1}{2}$ , e dal segmento verticale congiungente i punti  $(\sqrt{2} \cosh \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \sinh \frac{1}{2})$  e  $(\sqrt{2} \cosh \frac{1}{2}, -\frac{1}{2} \sinh \frac{1}{2})$ . La curva è percorsa in senso orario

A  $\frac{1}{\sqrt{2}}(-1 + \sinh 1)$     B  $\frac{1}{\sqrt{2}}(1 + \sinh 1)$     C  $\frac{1}{\sqrt{2}}(1 - \sinh 2)$     D  $\frac{1}{\sqrt{2}}(-1 - \sinh 1)$     E  $\frac{1}{\sqrt{2}}(1 + 2 \sinh 1)$     F  $\frac{1}{\sqrt{2}}(2 + 2 \sinh 1)$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = y(1 + 4x^3y^3)dx + x(-1 + 4x^3y^3)dy$  e  $\gamma$  è la curva il cui sostegno è costituito dall'iperbole di equazione  $x^2 - \frac{y^2}{4} = 1$ ,  $1 \leq x \leq \cosh \frac{1}{2}$ , e dal segmento verticale congiungente i punti  $(\cosh \frac{1}{2}, 2 \sinh \frac{1}{2})$  e  $(\cosh \frac{1}{2}, -2 \sinh \frac{1}{2})$ . La curva è percorsa in senso orario

A  $-2 + 2 \sinh 1$     B  $2 - 2 \sinh 1$     C  $2 + 2 \sinh 1$     D  $-2 - \sinh 1$     E  $2 + \sinh 2$     F  $1 + \sinh 2$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = 2xz^3dx + xyzdy + 3x^2z^2dz$  e  $\gamma$  è la curva ottenuta come unione delle tre

seguenti curve  $\gamma_1: [0, 4\pi] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} \cos t \\ \sin t \\ t \end{cases}$     $\gamma_2: [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} t \\ 0 \\ 4\pi(2t - t^2) \end{cases}$     $\gamma_3: [-2, -1] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} -t \\ 0 \\ 0 \end{cases}$

A  $-\frac{4}{3}\pi$     B  $\frac{4}{3}\pi$     C  $\frac{2}{3}\pi$     D  $-\frac{2}{3}\pi$     E  $\frac{\pi}{3}$     F  $-\frac{\pi}{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = 3x^2y^2dx + 2x^3ydy + x^2dz$  e  $\gamma$  è la curva ottenuta come unione delle tre

seguenti curve  $\gamma_1: [0, 4\pi] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} \cos t \\ \sin t \\ t \end{cases}$     $\gamma_2: [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} t \\ 0 \\ 4\pi(2t - t^2) \end{cases}$     $\gamma_3: [-2, -1] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} -t \\ 0 \\ 0 \end{cases}$

A  $-\frac{28}{3}\pi$     B  $-\frac{15}{8}\pi$     C  $\frac{7}{8}\pi$     D  $-\frac{2}{3}\pi$     E  $0$     F  $-\frac{4}{3}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = xzdx + yzdy + \frac{1}{2}y^2dz$  e  $\gamma$  è la curva ottenuta come unione delle tre seguenti

curve  $\gamma_1: [0, 4\pi] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} \cos t \\ \sin t \\ t \end{cases}$     $\gamma_2: [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} t \\ 0 \\ 4\pi(2t - t^2) \end{cases}$     $\gamma_3: [-2, -1] \rightarrow \mathbf{R}^3 \begin{cases} -t \\ 0 \\ 0 \end{cases}$

A  $\frac{14}{3}\pi$     B  $\frac{8}{3}\pi$     C  $\frac{2}{5}\pi$     D  $\frac{4}{3}\pi$     E  $-4\pi$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = (2xy^2 + \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+x^2+y^2})dx + (2yx^2 + \frac{y}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+x^2+y^2})dy$  e  $\gamma = (\gamma_1(t), \gamma_2(t)): [0, \sqrt{\frac{\pi}{4}}] \rightarrow \mathbf{R}^2$  è la curva  $\gamma_1 = \cos t^2$ ,  $\gamma_2 = \sin t^2$

- A  $\frac{1}{4}$     B  $\frac{1}{2}$     C 2    D  $\frac{3}{2}$     E  $\frac{4}{3}$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = (y^2 + \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+\sqrt{x^2+y^2}})dx + (2xy + \frac{y}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+\sqrt{x^2+y^2}})dy$  e  $\gamma = (\gamma_1(t), \gamma_2(t)): [0, \sqrt{\frac{\pi}{3}}] \rightarrow \mathbf{R}^2$  è la curva  $\gamma_1 = \cos t^2$ ,  $\gamma_2 = \sin t^2$

- A  $\frac{3}{8}$     B  $\frac{8}{3}$     C 0    D  $-\frac{3}{2}$     E  $\frac{4}{3}$     F  $-\frac{2}{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = (2x + \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+x^2+y^2})dx + (-2y + \frac{y}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+x^2+y^2})dy$  e  $\gamma = (\gamma_1(t), \gamma_2(t)): [0, \sqrt{\frac{\pi}{6}}] \rightarrow \mathbf{R}^2$  è la curva  $\gamma_1 = \cos t^2$ ,  $\gamma_2 = \sin t^2$

- A  $-\frac{1}{2}$     B -1    C 2    D  $\frac{3}{2}$     E  $\frac{4}{3}$     F  $\frac{1}{2}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = (2x + \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{2+\sqrt{x^2+y^2}})dx + (1 + \frac{y}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{2+\sqrt{x^2+y^2}})dy$ ;  $\gamma$  è la curva data dall'unione delle due curve  $\gamma_1(t): [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}^2$  e  $\gamma_2(t): [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}^2$  dove  $\gamma_1(t) = \begin{cases} -t+2 \\ t-1 \end{cases}$  e  $\gamma_2(t) = \begin{cases} t \\ \sqrt{t-1} \end{cases}$ .

- A 2    B -1    C  $\sqrt{2}$     D  $-\frac{3}{2}$     E 0    F -2.    G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = (2x + \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+\sqrt{x^2+y^2}})dx + (2 + \frac{y}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+\sqrt{x^2+y^2}})dy$ ;  $\gamma$  è la curva data dall'unione delle due curve  $\gamma_1(t): [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}^2$  e  $\gamma_2(t): [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}^2$  dove  $\gamma_1(t) = \begin{cases} -t+2 \\ t-1 \end{cases}$  e  $\gamma_2(t) = \begin{cases} t \\ \sqrt{t-1} \end{cases}$ .

- A 4    B -4    C  $\sqrt{3}$     D 0    E 2    F 3    G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti  $\int_{\gamma} \omega$  dove  $\omega = (\frac{1}{2}x + \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+4(x^2+y^2)})dx + (\frac{1}{2} + \frac{y}{\sqrt{x^2+y^2}} \frac{1}{1+4(x^2+y^2)})dy$ ;  $\gamma$  è la curva data dall'unione delle due curve  $\gamma_1(t): [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}^2$  e  $\gamma_2(t): [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}^2$  dove  $\gamma_1(t) = \begin{cases} -t+2 \\ t-1 \end{cases}$  e  $\gamma_2(t) = \begin{cases} t \\ \sqrt{t-1} \end{cases}$ .

- A 1    B -1    C 4    D -2    E 0    F 2    G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si valuti l'integrale  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (2xy^2 + 1)dx + 2x^2ydy$  e  $\varphi$  è la curva  $x = \theta \cos \theta$ ,  $y = \theta \sin \theta$ ,  $0 \leq \theta \leq 2\pi$

A  $2\pi$     B  $\pi^2$     C  $\pi$     D  $\frac{\pi}{2}$     E  $-\pi$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti l'integrale  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{2zx}{x^2 + y^2}dx + \frac{2zy}{x^2 + y^2}dy + (2z + \ln(x^2 + y^2))dz$  e  $\varphi$  è la curva  $x = \cos \theta$ ,  $y = \sin \theta$ ,  $z = \theta$ ,  $0 \leq \theta \leq 2\pi$

A  $4\pi^2$     B  $\frac{\pi^2}{3}$     C  $2\pi$     D  $\frac{\pi}{4}$     E  $0$     F  $2\pi^2$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti l'integrale  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (1 + \frac{2x}{x^2 + y^2})dx + (y + \frac{2y}{x^2 + y^2})dy$  e  $\varphi$  è la curva  $x = \theta \cos \theta$ ,  $y = \theta \sin \theta$ ,  $\pi \leq \theta \leq 2\pi$

A  $3\pi + 2 \ln 2$     B  $\pi - 2 \ln 2$     C  $3\pi - 2 \ln 2$     D  $2\pi + 2 \ln 2$     E  $0$     F  $3\pi + 3 \ln 2$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti l'integrale  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (1 + \frac{2x}{x^2 + y^2})dx + (y + \frac{2y}{x^2 + y^2})dy$  e  $\varphi$  è la curva  $x = \theta \cos \theta$ ,  $y = \theta \sin \theta$ ,  $\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{3}{2}\pi$

A  $\pi^2 + 2 \ln 3$     B  $\pi^2 + 2 \ln 2$     C  $\pi^2 + 3 \ln 3$     D  $2\pi^2 + 2 \ln 3$     E  $0$     F  $2\pi^2 - 2 \ln 3$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti l'integrale  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = xdy - ydx$  e  $\varphi$  è quella curva piana il cui sostegno è dato dall'insieme  $(x^2 + y^2)^2 = (x^2 - y^2)$  (ciascuna delle componenti della curva è percorsa in senso antiorario)

A  $2$     B  $4$     C  $1$     D  $6$     E  $0$     F  $8$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti l'integrale  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = xdy - ydx$  e  $\varphi$  è quella curva piana il cui sostegno è dato dall'insieme  $(x^2 + y^2)^2 = 2(x^2 - y^2)$  (ciascuna delle componenti della curva è percorsa in senso antiorario)

A  $4$     B  $1$     C  $2$     D  $6$     E  $0$     F  $8$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si valuti  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (xz + 3x^2y)dx + (yz + x^3 + 1)dy + \frac{1}{2}(x^2 + y^2 + 2)dz$  e  $\varphi$  è la curva individuata da  $\{x^2 + y^2 = 1, z = 0, x \geq 0, y \geq 0\} \cup \{y^2 + z^2 = 1, x = 0, y \geq 0, z \geq 0\}$  e percorsa in modo che la sua proiezione sul piano  $(zy)$  sia percorsa in senso orario

- A  $-1$     B  $2\pi$     C  $0$     D  $2$     E  $\frac{\pi}{2}$     F  $\frac{\pi}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\varphi$  è la curva individuata da  $\{x^2 + y^2 = 1, z = 0, x \geq 0, y \geq 0\} \cup \{y^2 + z^2 = 1, x = 0, y \geq 0, z \geq 0\}$  e percorsa in modo che la sua proiezione sul piano  $(zy)$  è percorsa in senso orario mentre

$$\omega = \frac{x-y}{x^2+y^2+z^2}dx + \frac{x+y}{x^2+y^2+z^2}dy + \frac{z}{x^2+y^2+z^2}dz$$

- A  $-\frac{\pi}{2}$     B  $0$     C  $1$     D  $-\pi$     E  $\pi$     F  $\frac{\pi}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\varphi$  è la curva  $x = \frac{1}{2}\theta \cos \theta, y = \frac{1}{2}\theta \sin \theta, z = \frac{\sqrt{3}}{2}\theta, 1 \leq \theta \leq 2$

$$\omega = \frac{x-y}{x^2+y^2+z^2}dx + \frac{x+y}{x^2+y^2+z^2}dy + \frac{z}{x^2+y^2+z^2}dz$$

- A  $\frac{1}{4} + \ln 2$     B  $\frac{1}{4} - \ln 2$     C  $0$     D  $\frac{1}{2} + \ln 2$     E  $\frac{1}{4} + \ln 4$     F  $\frac{1}{2} - \ln 2$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\varphi$  è la curva  $x = \frac{1}{2}\theta \cos \theta, y = \frac{1}{2}\theta \sin \theta, z = \frac{\sqrt{3}}{2}\theta, 1 \leq \theta \leq 2$

$$\omega = \frac{-xdx}{(x^2+y^2+z^2)^{3/2}} + \frac{-ydy}{(x^2+y^2+z^2)^{3/2}} + \frac{-zdz}{(x^2+y^2+z^2)^{3/2}} + \frac{-ydx}{x^2+y^2+z^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2+z^2}$$

- A  $-\frac{1}{4}$     B  $-\frac{1}{2}$     C  $-\frac{1}{8}$     D  $\frac{1}{4}$     E  $\frac{1}{6}$     F  $\frac{1}{2}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\varphi$  è la curva  $x = \frac{1}{2}\theta \cos \theta, y = \frac{1}{2}\theta \sin \theta, z = \frac{\sqrt{3}}{2}\theta, 2 \leq \theta \leq 4$

$$\omega = \frac{-xdx}{(x^2+y^2+z^2)^{3/2}} + \frac{-ydy}{(x^2+y^2+z^2)^{3/2}} + \frac{-zdz}{(x^2+y^2+z^2)^{3/2}} + \frac{-ydx}{x^2+y^2+z^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2+z^2}$$

- A  $\frac{1}{4}$     B  $\frac{\pi}{4}$     C  $\frac{1}{2}$     D  $\frac{\pi}{2}$     E  $\frac{1}{8}$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\varphi$  è la curva  $x = \frac{1}{2}\theta \cos \theta, y = \frac{1}{2}\theta \sin \theta, z = \frac{\sqrt{3}}{2}\theta, 0 \leq \theta \leq 1$

$$\omega = \frac{xdx}{\sqrt{x^2+y^2+z^2}(1+x^2+y^2+z^2)} + \frac{ydy}{\sqrt{x^2+y^2+z^2}(1+x^2+y^2+z^2)} + \frac{zdz}{\sqrt{x^2+y^2+z^2}(1+x^2+y^2+z^2)} + \frac{-ydx}{x^2+y^2+z^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2+z^2}$$

- A  $\frac{1}{4} + \frac{\pi}{4}$     B  $1 - \frac{\pi}{4}$     C  $\frac{1}{4} + \frac{\pi}{8}$     D  $\frac{3}{4} - \frac{\pi}{4}$     E  $\frac{3}{4} - \frac{\pi}{8}$     F  $\frac{3}{4} + \frac{\pi}{2}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = 2(x\underline{i} + y\underline{j} + z\underline{k})$  verso l'esterno della superficie chiusa delimitata dal cono  $z = 3 - \sqrt{x^2 + y^2}$ , e dai piani  $z = 0$ ,  $z = 1$ ,  $y = 0$

- A  $19\pi$     B  $6\pi$     C  $3\pi$     D  $2\pi$     E  $9\pi$     F  $18\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = 2(x\underline{i} + y\underline{j} + z\underline{k})$  verso l'esterno della superficie chiusa delimitata dal cono  $z = 2 - \sqrt{x^2 + y^2}$ , e dai piani  $z = 0$ ,  $z = 1$ ,  $y = 0$

- A  $7\pi$     B  $6\pi$     C  $15\pi$     D  $2\pi$     E  $12\pi$     F  $4\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = 2x\underline{i} + 2y\underline{j} + 2z\underline{k}$  verso l'esterno della superficie definita chiusa delimitata dal cono  $z = 3 - \sqrt{x^2 + y^2}$ , e dai piani  $z = 0$ ,  $z = 1$ ,  $y = 0$

- A  $19\pi$     B  $6\pi$     C  $3\pi$     D  $2\pi$     E  $5\pi$     F  $4\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = \frac{1}{3}(x\underline{i} + 2y\underline{j} + 3z\underline{k})$  verso l'esterno della superficie chiusa delimitata dal cono  $z = 3 - \sqrt{x^2 + y^2}$ , e dai piani  $z = 0$ ,  $z = 1$ ,  $y = 0$

- A  $19\pi$     B  $16\pi$     C  $17\pi$     D  $21\pi$     E  $18\pi$     F  $14\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = ((x - y)\underline{i} + (y - x)\underline{j} + z\underline{k})$  verso l'esterno della superficie chiusa delimitata dal cono  $z = 4 - \sqrt{x^2 + y^2}$ , e dai piani  $z = 0$ ,  $z = 1$ ,  $y = 0$

- A  $37\pi/2$     B  $45\pi/2$     C  $27\pi/2$     D  $21\pi$     E  $18\pi$     F  $16\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = (3(x - y)\underline{i} + 2(y - x)\underline{j} - 2z\underline{k})$  verso l'esterno della superficie chiusa delimitata dal cono  $z = 4 - \sqrt{x^2 + y^2}$ , e dai piani  $z = 0$ ,  $z = 1$ ,  $y = 0$

- A  $37\pi/2$     B  $15\pi/2$     C  $45\pi/2$     D  $2\pi$     E  $12\pi$     F  $4\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = x + y + 1$

- A  $\frac{15}{8}\pi$     B  $\frac{5}{8}\pi$     C  $\frac{8}{15}\pi$     D  $\frac{8}{5}\pi$     E  $\frac{25}{8}\pi$     F  $\frac{8}{25}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $5\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = 2x^2 + \frac{1}{2}y^2, z = 2x + y + 1$

- A  $\pi$     B  $6\pi$     C  $3\pi$     D  $4\pi$     E  $5\pi$     F  $2\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \frac{1}{2}x^2 + 2y^2, z = x + 2y + 1$

- A  $5\pi$     B  $6\pi$     C  $4\pi$     D  $8\pi$     E  $2\pi$     F  $\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\frac{3}{8}\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = x + y$

- A  $\pi$     B  $2\pi$     C  $3\pi$     D  $4\pi$     E  $5\pi$     F  $6\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\frac{15}{8}\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \frac{1}{2}x^2 + 2y^2, z = x + 2y$

- A  $\pi$     B  $2\pi$     C  $5\pi$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $6\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\frac{3}{8}\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = 2x^2 + \frac{1}{2}y^2, z = 2x + y$

- A  $5\pi$     B  $6\pi$     C  $2\pi$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = \sqrt{2}x + \sqrt{2}y$

A  $\frac{3}{2}\pi$     B  $\frac{1}{2}\pi$     C 0    D  $\frac{1}{4}\pi$     E  $\frac{7}{2}\pi$     F  $\frac{7}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\sqrt{2}\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + \frac{1}{2}y^2$ ,  $z = \sqrt{2}x + \sqrt{2}y + \frac{1}{2}$

A  $8\pi$     B  $6\pi$     C  $2\pi$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $5\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = \sqrt{2}x + \sqrt{2}y + 1$

A  $4\pi$     B  $6\pi$     C  $5\pi$     D  $\pi$     E  $2\pi$     F  $3\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = \sqrt{2}x + \sqrt{2}y + 2$

A  $\frac{15}{2}\pi$     B  $\frac{3}{5}\pi$     C  $\frac{2}{15}\pi$     D  $\frac{\pi}{2}$     E  $\frac{15}{4}\pi$     F  $\frac{4}{15}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = x + y + \frac{1}{2}$

A  $\pi$     B  $2\pi$     C  $3\pi$     D  $4\pi$     E  $5\pi$     F  $6\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz - \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = 2x^2 + 2y^2$ ,  $z = 2x + 2y$

A  $\frac{3}{8}\pi$     B  $\frac{3}{4}\pi$     C  $\frac{1}{8}\pi$     D  $\frac{1}{4}\pi$     E  $\frac{1}{6}\pi$     F  $\frac{8}{3}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{2}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = x + y + 1$

- A  $\frac{15}{16}\pi$     B  $\frac{5}{16}\pi$     C  $\frac{5}{6}\pi$     D  $\frac{6}{5}\pi$     E  $\frac{6}{25}\pi$     F  $\frac{25}{6}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{2}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = x + y$

- A  $\frac{3}{16}\pi$     B  $\frac{15}{16}\pi$     C  $\frac{5}{6}\pi$     D  $\frac{6}{5}\pi$     E  $\frac{6}{25}\pi$     F  $\frac{25}{6}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{2}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = \sqrt{2}x + \sqrt{2}y + 1$

- A  $2\pi$     B  $6\pi$     C  $3\pi$     D  $4\pi$     E  $\pi$     F  $5\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = x + \sqrt{2}y$

- A  $-\frac{3}{16}\pi$     B  $-\frac{15}{16}\pi$     C  $-\frac{16}{3}\pi$     D  $-\frac{\pi}{2}$     E  $-\frac{5}{2}\pi$     F  $-\frac{5}{16}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \frac{1}{2}x^2 + 2y^2, z = x + 2y + 1$

- A  $3\pi$     B  $2\pi$     C  $4\pi$     D  $\pi$     E  $5\pi$     F  $6\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = 2x^2 + 2y^2, z = 2x + 4y$

- A  $-\frac{15}{16}\pi$     B  $-\frac{3}{16}\pi$     C  $-\frac{16}{3}\pi$     D  $-\frac{\pi}{2}$     E  $-\frac{5}{2}\pi$     F  $-\frac{5}{16}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = 2x + y$

- A  $\frac{15}{16}\pi$   
  B  $\frac{5}{6}\pi$   
  C  $\frac{6}{5}\pi$   
  D  $\frac{16}{15}\pi$   
  E  $\frac{15}{26}\pi$   
  F  $\frac{26}{15}\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = 2x + y + 1$

- A  $\frac{27}{16}\pi$   
  B  $\frac{7}{16}\pi$   
  C  $\frac{17}{16}\pi$   
  D  $\frac{16}{27}\pi$   
  E  $\frac{16}{7}\pi$   
  F  $\frac{27}{26}\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = x^2 + y^2, z = \sqrt{2}x + \sqrt{2}y + 1$

- A 0  
  B  $2\pi$   
  C  $\pi$   
  D  $4\pi$   
  E  $3\pi$   
  F  $5\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \sqrt{2}x^2 + \sqrt{2}y^2, z = x + y$

- A 0  
  B  $2\pi$   
  C  $3\pi$   
  D  $4\pi$   
  E  $5\pi$   
  F  $6\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{2}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \frac{1}{2}x^2 + 2y^2, z = x + 2y + 1$

- A  $7\pi$   
  B  $2\pi$   
  C  $4\pi$   
  D  $6\pi$   
  E  $5\pi$   
  F  $3\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = 2x^2 + 2y^2, z = 2x + 2y$

- A  $\frac{3}{16}\pi$   
  B  $\frac{5}{16}\pi$   
  C  $\frac{5}{8}\pi$   
  D  $\frac{16}{5}\pi$   
  E  $\frac{3}{26}\pi$   
  F  $\frac{13}{16}\pi$   
  G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = 2x^2 + \frac{1}{2}y^2$ ,  $z = 2x + y + 1$

A  $-3\pi$     B  $-2\pi$     C  $-4\pi$     D  $-\pi$     E  $-6\pi$     F  $-4\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \frac{1}{2}x^2 + 2y^2$ ,  $z = x + 2y + 1$

A  $3\pi$     B  $6\pi$     C  $\pi$     D  $4\pi$     E  $5\pi$     F  $2\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \frac{1}{2}x^2 + 2y^2$ ,  $z = x + 2y$

A  $\frac{9}{8}\pi$     B  $\frac{8}{9}\pi$     C  $\frac{3}{8}\pi$     D  $\frac{5}{8}\pi$     E  $\frac{4}{9}\pi$     F  $\frac{9}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = 2x^2 + \frac{1}{2}y^2$ ,  $z = 2x + y$

A  $-\frac{9}{8}\pi$     B  $-\frac{8}{9}\pi$     C  $-\frac{3}{8}\pi$     D  $-\frac{5}{8}\pi$     E  $-\frac{4}{9}\pi$     F  $-\frac{9}{4}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \sqrt{3}x^2 + \sqrt{3}y^2$ ,  $z = 3x + \sqrt{3}y$

A  $\frac{3}{2}\pi$     B  $\frac{1}{6}\pi$     C  $\frac{15}{4}\pi$     D  $\frac{1}{4}\pi$     E  $\frac{15}{2}\pi$     F  $\frac{4}{3}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = (yz + \frac{1}{3}y^3)dx + (xz + \frac{1}{3}x^3)dy + xydz$  e  $\varphi$  è la curva percorsa in senso antiorario il cui sostegno è dato dall'insieme  $z = \sqrt{3}x^2 + \sqrt{3}y^2$ ,  $z = 3x + \sqrt{3}y + \sqrt{3}$

A  $\frac{7}{2}\pi$     B  $\frac{2}{7}\pi$     C  $\frac{7}{12}\pi$     D  $\frac{1}{7}\pi$     E  $\frac{17}{2}\pi$     F  $\frac{2}{17}\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{xdx}{x^2+y^2} + \frac{ydy}{x^2+y^2} + (x^2 + y^2 + 2x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = x^2 + y^2\} \cap \{z = x + y + 1\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $3\pi$     B  $2\pi$     C  $4\pi$     D  $\pi$     E 0    F  $5\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (2x^2 + y^2 + x\sqrt{2})dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2 + y^2\} \cap \{z = 2x + y + 1\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario

A  $9\pi$     B  $8\pi$     C  $6\pi$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (\ln(2x^2 + 2y^2) + 4x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2 + 2y^2\} \cap \{z = x + y + \frac{1}{4}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario

A  $\pi$     B  $2\pi$     C 0    D  $3\pi$     E  $4\pi$     F  $5\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (2x^2 + y^2 + 2\sqrt{2}x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2 + y^2\} \cap \{z = 2x + y + \frac{1}{4}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa due volte in senso antiorario

A  $6\pi$     B  $2\pi$     C  $4\pi$     D  $5\pi$     E  $3\pi$     F  $\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (2x^2 + y^2 + 3\sqrt{2}x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2 + y^2\} \cap \{z = x + 2y - \frac{1}{8}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario

A  $8\pi$     B  $4\pi$     C  $6\pi$     D  $\pi$     E  $3\pi$     F  $2\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{xdx}{x^2+y^2} + \frac{ydy}{x^2+y^2} + (x^2 + 2y^2 + 4\sqrt{2}x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = x^2 + 2y^2\} \cap \{z = x + 2y - \frac{1}{2}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario

A  $2\pi$     B  $6\pi$     C 0    D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $3\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (x^2 + y^2 - x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = x^2 + y^2\} \cap \{z = x + y + \frac{1}{2}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $\pi$     B  $\frac{1}{2}\pi$     C  $-4\pi$     D  $\frac{1}{4}\pi$     E  $2\pi$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (2x^2 + y^2 + 8\sqrt{2}x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2 + y^2\} \cap \{z = x + y + \frac{1}{2}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $7\pi$     B  $3\pi$     C  $0$     D  $4\pi$     E  $\pi$     F  $2\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (2x^2 + 2y^2 + 4x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data  $\{z = 2x^2 + 2y^2\} \cap \{z = x + y + \frac{1}{4}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $3\pi$     B  $\pi$     C  $4\pi$     D  $5\pi$     E  $2\pi$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (\arctan(2x^2 + y^2) - 4\sqrt{2}x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2 + y^2\} \cap \{z = 2x + y - 1\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $\pi$     B  $2\pi$     C  $0$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $5\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (2x^2 + y^2 + \frac{1}{\sqrt{2}}x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2 + y^2\} \cap \{z = x + 2y - \frac{1}{8}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $3\pi$     B  $2\pi$     C  $4\pi$     D  $\pi$     E  $0$     F  $5\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (x^2 + 2y^2 + 4\sqrt{2}x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = x^2 + 2y^2\} \cap \{z = x + y + \frac{1}{8}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $4\pi$     B  $2\pi$     C  $3\pi$     D  $\pi$     E  $5\pi$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (2x^2+4y^2+x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2+2y^2\} \cap \{z = x+y+\frac{1}{2}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $2\pi$     B  $\pi$     C  $4\pi$     D  $3\pi$     E  $5\pi$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{xdx}{\sqrt{x^2+y^2(1+x^2+y^2)}} + \frac{ydy}{\sqrt{x^2+y^2(1+x^2+y^2)}} + (2x^2+y^2+32\sqrt{2xy})dz$   $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2+y^2\} \cap \{z = x+y+1\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $11\pi$     B  $9\pi$     C  $3\pi$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $2\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{xdx}{\sqrt{x^2+y^2(1+x^2+y^2)}} + \frac{ydy}{\sqrt{x^2+y^2(1+x^2+y^2)}} + (2x^2+2y^2+4x)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2+2y^2\} \cap \{z = x+y+\frac{1}{4}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $\pi$     B  $2\pi$     C  $0$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $5\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (\arctan(2x^2+y^2)+2\sqrt{2x})dz$ ;  $\varphi$  è data da  $\{z = 2x^2+y^2\} \cap \{z = 2x+y-\frac{1}{4}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $3\pi$     B  $2\pi$     C  $4\pi$     D  $\pi$     E  $5\pi$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (3x+2y)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = x^2+y^2\} \cap \{z = 2x+2y+\frac{1}{2}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $7\pi$     B  $2\pi$     C  $4\pi$     D  $\pi$     E  $3\pi$     F  $0$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{xdx}{\sqrt{x^2+y^2(1+x^2+y^2)}} + \frac{ydy}{\sqrt{x^2+y^2(1+x^2+y^2)}} + (3x+2y)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = x^2+y^2\} \cap \{z = 2x+2y+1\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $8\pi$     B  $2\pi$     C  $0$     D  $4\pi$     E  $3\pi$     F  $\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + \sqrt{x^2+y^2}(x+y)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = x^2+y^2\} \cap \{z = x+y+1\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $2\pi$     B  $\pi$     C  $4\pi$     D  $3\pi$     E  $6\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + (x(2\sqrt{2}+1) + y + \frac{1}{8})dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2+y^2\} \cap \{z = x+y+\frac{1}{8}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $3\pi$     B  $\pi$     C  $4\pi$     D  $2\pi$     E  $6\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{xdx}{x^2+y^2} + \frac{ydy}{x^2+y^2} + 2(2x^2+2y^2)(3x+y+\frac{3}{2})dz$   $\varphi$  è la curva  $\{z = 2x^2+2y^2\} \cap \{z = x+y+\frac{3}{2}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $7\pi$     B  $5\pi$     C  $\pi$     D  $6\pi$     E  $2\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + ((2+\sqrt{2})x + y + \frac{1}{4})dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2+y^2\} \cap \{z = 2x+y+\frac{1}{4}\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $3\pi$     B  $5\pi$     C  $4\pi$     D  $\pi$     E 0    F  $2\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{-ydx}{x^2+y^2} + \frac{xdy}{x^2+y^2} + \sqrt{(2x^2+y^2)}(x+2y)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = 2x^2+y^2\} \cap \{z = x+2y+2\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $2\pi$     B  $3\pi$     C  $4\pi$     D  $\pi$     E  $5\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int_{\varphi} \omega$  dove  $\omega = \frac{xdx}{x^2+y^2} + \frac{ydy}{x^2+y^2} - (x+2y)dz$ ;  $\varphi$  è la curva data da  $\{z = x^2+y^2\} \cap \{z = 2x+2y-1\}$  e percorsa in modo tale che la sua proiezione sul piano (x,y) sia a sua volta percorsa in senso antiorario.

A  $2\pi$     B  $4\pi$     C  $5\pi$     D  $\pi$     E  $3\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = y\underline{i} + x\underline{j} + xy\underline{k}$  attraverso la superficie  $S = \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq xy, x = 0, y \geq 0\} \cup \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq xy, x \geq 0, y = 0\} \cup \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, z = xy, x \geq 0, y \geq 0\}$  (la normale è diretta verso l'esterno)

A  $\frac{1}{2} - \frac{5}{8}\pi$     B  $\frac{1}{4} + \frac{5}{8}\pi$     C  $\frac{3}{2} + \frac{5}{8}\pi$     D  $\frac{1}{2} - \frac{8}{4}\pi$     E  $\frac{1}{2} - \frac{15}{8}\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = y\underline{i} + x\underline{j} + 2xy\underline{k}$  attraverso la superficie  $S = \{2x^2 + \frac{1}{2}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq 2xy, x = 0, y \geq 0\} \cup \{2x^2 + \frac{1}{2}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq 2xy, x \geq 0, y = 0\} \cup \{2x^2 + \frac{1}{2}y^2 \leq 1, z = 2xy, x \geq 0, y \geq 0\}$  (la normale è diretta verso l'esterno)

A  $\frac{1}{4} - \frac{3}{16}\pi$     B  $\frac{1}{4} + \frac{13}{16}\pi$     C  $\frac{3}{2} + \frac{16}{13}\pi$     D  $\frac{1}{2} - \frac{16}{3}\pi$     E  $\frac{1}{2} - \frac{3}{26}\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = y\underline{i} + x\underline{j} + 4\sqrt{2}xy\underline{k}$  attraverso la superficie  $S = \{\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq 4\sqrt{2}xy, x = 0, y \geq 0\} \cup \{\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq 4\sqrt{2}xy, x \geq 0, y = 0\} \cup \{\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, z = 4\sqrt{2}xy, x \geq 0, y \geq 0\}$  (la normale è diretta verso l'esterno)

A  $4\sqrt{2} - 6\pi$     B  $\sqrt{2} - 6\pi$     C  $2\sqrt{2} + 6\pi$     D  $6\sqrt{2} - 4\pi$     E  $4\sqrt{6} - 2\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = y\underline{i} + x\underline{j} + 2xy\underline{k}$  attraverso la superficie  $S = \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq xy, x = 0, y \geq 0\} \cup \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq xy, x \geq 0, y = 0\} \cup \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, z = xy, x \geq 0, y \geq 0\}$  (la normale è diretta verso l'esterno)

A  $1 - \frac{5}{8}\pi$     B  $1 - \frac{5}{4}\pi$     C  $5 - \frac{5}{8}\pi$     D  $8 - \frac{5}{4}\pi$     E  $1 + \frac{5}{8}\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = y\underline{i} + x\underline{j} + 2xy\underline{k}$  attraverso la superficie  $S = \{2x^2 + \frac{1}{2}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq 2xy, x = 0, y \geq 0\} \cup \{2x^2 + \frac{1}{2}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq 2xy, x \geq 0, y = 0\} \cup \{2x^2 + \frac{1}{2}y^2 \leq 1, z = 2xy, x \geq 0, y \geq 0\}$  (la normale è diretta verso l'esterno)

A  $1 - \frac{5}{4}\pi$     B  $1 - \frac{5}{8}\pi$     C  $5 - \frac{5}{4}\pi$     D  $8 - \frac{5}{8}\pi$     E  $1 + \frac{5}{4}\pi$     F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = y\underline{i} + x\underline{j} + 4xy\underline{k}$  attraverso la superficie  $S = \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq 2xy, x = 0, y \geq 0\} \cup \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, 0 \leq z \leq 2xy, x \geq 0, y = 0\} \cup \{x^2 + \frac{1}{4}y^2 \leq 1, z = 2xy, x \geq 0, y \geq 0\}$  (la normale è diretta verso l'esterno)

A  $2 - \frac{5}{4}\pi$     B  $4 - \frac{5}{8}\pi$     C  $5 - \frac{5}{2}\pi$     D  $8 - \frac{5}{4}\pi$     E  $1 + \frac{5}{8}\pi$     F 0    G nessuna delle altre

# Problema n. 5038

Controllato a mano controlli oltre al primo: 0

**Quesito n. A** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = x\underline{i} - y\underline{j} + (2x - 2y)\underline{k}$  verso l'esterno della superficie laterale della piramide la cui base è data dal rettangolo  $A \equiv (1, -1, 0)$ ,  $B \equiv (1, 2, -3)$ ,  $C \equiv (-1, 2, -1)$ ,  $D \equiv (-1, -1, 2)$ , ed il vertice nel punto  $E \equiv (0, 0, 3)$ .

A -9    B -3    C -4    D -8    E -6    F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = x\underline{i} - y\underline{j} + (2x - 2y)\underline{k}$  verso l'esterno della superficie laterale della piramide la cui base è data dal rettangolo  $A \equiv (1, -1, 0)$ ,  $B \equiv (1, \sqrt{2}, -1 - \sqrt{2})$ ,  $C \equiv (-1, \sqrt{2}, 1 - \sqrt{2})$ ,  $D \equiv (-1, -1, 2)$ , ed il vertice nel punto  $E \equiv (0, 0, 3)$ .

A -3    B -9    C -4    D -8    E -6    F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = x\underline{i} - y\underline{j} + (2x - 2y)\underline{k}$  verso l'esterno della superficie laterale della piramide la cui base è data dal rettangolo  $A \equiv (1, -1, 0)$ ,  $B \equiv (1, 2, 3)$ ,  $C \equiv (-1, 2, 1)$ ,  $D \equiv (-1, -1, -2)$ , ed il vertice nel punto  $E \equiv (0, 0, 4)$ .

A -3    B -9    C -4    D -8    E -6    F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = x\underline{i} - y\underline{j} + (2x - 2y)\underline{k}$  verso l'esterno della superficie laterale della piramide la cui base è data dal rettangolo  $A \equiv (1, -1, 0)$ ,  $B \equiv (1, \sqrt{2}, 1 + \sqrt{2})$ ,  $C \equiv (-1, \sqrt{2}, -1 + \sqrt{2})$ ,  $D \equiv (-1, -1, -2)$ , ed il vertice nel punto  $E \equiv (0, 0, 3)$ .

A -1    B -3    C -4    D -8    E -6    F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = x\underline{i} - y\underline{j} + (2x - 2y)\underline{k}$  verso l'esterno della superficie laterale della piramide la cui base è data dal rettangolo  $A \equiv (1, -2, -1)$ ,  $B \equiv (-1, -2, -3)$ ,  $C \equiv (1, 2, 3)$ ,  $D \equiv (-1, 2, 1)$ , ed il vertice nel punto  $E \equiv (0, 0, 4)$ .

A 0    B -3    C -4    D -8    E -6    F -1    G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = x\underline{i} - y\underline{j} + (2x - 2y)\underline{k}$  verso l'esterno della superficie laterale della piramide la cui base è data dal rettangolo  $A \equiv (1, -2, 3)$ ,  $B \equiv (-1, -2, 1)$ ,  $C \equiv (1, \sqrt{2}, 1 - \sqrt{2})$ ,  $D \equiv (-1, \sqrt{2}, -1 - \sqrt{2})$ , ed il vertice nel punto  $E \equiv (0, 0, 4)$ .

A 6    B 3    C 4    D 8    E 2    F 0    G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $L(-1, 0)$ ,  $L(-1, 2)$  e  $L(2, -\frac{3}{2})$ ,  $L(2, \frac{1}{2})$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o(y + |x|)$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = \delta_o|y - \frac{1}{2}|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

A  $L\frac{1}{2}$     B  $-L\frac{1}{2}$     C  $L\frac{1}{4}$     D 0    E  $-L\frac{2}{3}$     F  $L\frac{2}{9}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $L(-1, 0)$ ,  $L(-1, 1)$  e  $L(4, -\frac{3}{2})$ ,  $L(4, \frac{1}{2})$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o(y + |x|)$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = \delta_o|y - \frac{1}{2}|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

A  $-L\frac{5}{21}$     B  $-L\frac{15}{34}$     C  $L\frac{5}{34}$     D 0    E  $-L\frac{4}{3}$     F  $L\frac{11}{9}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $L(-3, 0)$ ,  $L(-3, \frac{1}{2})$  e  $L(3, -\frac{3}{2})$ ,  $L(3, -\frac{1}{2})$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o|xy|$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = \delta_o|y - \frac{1}{2}|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

A  $-L\frac{7}{9}$     B  $-L\frac{3}{5}$     C  $L\frac{1}{5}$     D 0    E  $-L\frac{2}{3}$     F  $L\frac{2}{5}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $L(-1, 0)$ ,  $L(-1, 2)$  e  $L(1, -2)$ ,  $L(1, 1)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o|xy|$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = \delta_o|y - \frac{1}{2}|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

A  $-L\frac{1}{6}$     B  $-L\frac{1}{3}$     C  $L\frac{1}{2}$     D 0    E  $L\frac{2}{3}$     F  $L\frac{3}{5}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $L(-1, 0)$ ,  $L(-1, 2)$  e  $L(2, -1)$ ,  $L(2, 1)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o(y + |x|)$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = 2\delta_o|y|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

A  $L\frac{7}{9}$     B  $-L\frac{8}{5}$     C  $L\frac{5}{12}$     D 0    E  $-L\frac{5}{7}$     F  $L\frac{3}{5}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento congiungente i punti  $L(-1, 0)$ ,  $L(-1, 2)$  e  $L(1, -1)$ ,  $L(1, 1)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o|xy|$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = \delta_o|y|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

A  $L\frac{8}{9}$     B  $-L\frac{1}{3}$     C  $3L$     D 0    E  $-L\frac{2}{3}$     F  $L\frac{2}{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Calcolare l'area della regione racchiusa dai grafici delle funzioni  $|y| = \frac{1}{2}\sqrt{3}x^2$  e  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$

- A  $\frac{2}{3}\pi + \frac{\sqrt{3}}{3}$ 
 B  $\pi + \frac{\sqrt{3}}{3}$ 
 C  $\frac{2}{3} + \pi\frac{\sqrt{3}}{3}$ 
 D  $2\pi - \frac{\sqrt{3}}{3}$ 
 E  $\pi$ 
 F  $\frac{2}{3}\pi + \frac{2}{3}$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Calcolare l'area della regione racchiusa dai grafici delle funzioni  $|y| = x^2$  e  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{8} = 1$

- A  $2\sqrt{2}\pi + \frac{4}{3}\sqrt{2}$ 
 B  $2\sqrt{2}\pi + 4\sqrt{2}$ 
 C  $2\sqrt{2}\pi + \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$ 
 D  $\sqrt{3}\pi + 4\sqrt{2}$ 
 E  $3\sqrt{2}\pi + \sqrt{3}$ 
 F  $3\sqrt{3}\pi + 4\sqrt{2}$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Calcolare l'area della regione racchiusa dai grafici delle funzioni  $|y| = 2x^2$  e  $x^2 + \frac{y^2}{9} = 1$

- A  $2\pi + \frac{\sqrt{3}}{2}$ 
 B  $2\pi - \frac{\sqrt{3}}{4}$ 
 C  $\pi - \frac{\sqrt{3}}{2}$ 
 D  $2\pi - \pi\frac{\sqrt{3}}{4}$ 
 E  $\pi - \frac{\sqrt{3}}{4}$ 
 F  $2\pi - \pi\frac{\sqrt{3}}{2}$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Calcolare l'area della regione racchiusa dai grafici delle funzioni  $|y| = 2x^2$  e  $\frac{x^2}{8} + \frac{3}{64}y^2 = 1$

- A  $\frac{8\sqrt{2}}{3} + \pi\frac{16\sqrt{2}}{3\sqrt{3}}$ 
 B  $\sqrt{2}\pi + \frac{4\sqrt{6}}{3}$ 
 C  $\sqrt{2}\pi - \frac{2\sqrt{6}}{3}$ 
 D  $4\sqrt{2}\pi$ 
 E  $2\sqrt{2}\pi + \frac{8\sqrt{5}}{3}$ 
 F  $8\sqrt{2} - \frac{8\sqrt{6}}{3}\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Calcolare l'area della regione racchiusa dai grafici delle funzioni  $|y| = 2x^2$  e  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{8} = 1$

- A  $2\pi + \frac{4}{3}$ 
 B  $2\pi + \frac{2}{3}$ 
 C  $\pi + \frac{2}{3}$ 
 D  $2\pi - \frac{2}{3}$ 
 E  $\frac{\pi}{2} + \frac{4}{3}$ 
 F  $\pi + \frac{1}{3}$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Calcolare l'area della regione racchiusa dai grafici delle funzioni  $|y| = \frac{1}{6}x^2$  e  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$

- A  $\frac{4}{3}\pi + \frac{\sqrt{3}}{3}$ 
 B  $\frac{\pi}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}$ 
 C  $\frac{\pi}{2} - \frac{1}{3}$ 
 D  $\frac{\pi}{4}$ 
 E  $\pi + \frac{2}{5}$ 
 F  $2\pi + \frac{2}{3}$ 
 G nessuna delle altre

# Problema n. 5058

maple (H) dà due volte il risultato vero controlli oltre al

primo: 0

---

**Quesito n. A** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy |y - x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(1, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(6, 6)$

A 1    B  $\frac{1}{8}$     C  $\frac{1}{4}$     D  $\frac{3}{\sqrt{2}}$     E 4    F  $\frac{3}{4}$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. B** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy |y - x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(1, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(3, 3)$

A  $\frac{1}{2}$     B 2    C 1    D 3    E 4    F  $\frac{1}{3}$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. C** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy |y - x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(2, 0)$ ,  $(0, 2)$ ,  $(3, 3)$

A 2    B 8    C  $\frac{1}{4}$     D  $\frac{3}{\sqrt{2}}$     E 4    F  $\frac{3}{4}$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. D** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy |y - x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{1}{2}, 0)$ ,  $(0, \frac{1}{2})$ ,  $(3, 3)$

A  $\frac{1}{8}$     B 1    C  $\frac{1}{2}$     D  $\frac{3}{2}$     E 2    F  $\frac{3}{4}$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. E** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy |y - x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{1}{2}, 0)$ ,  $(0, \frac{1}{2})$ ,  $(4, 4)$

A  $\frac{1}{6}$     B 1    C  $\frac{1}{4}$     D  $\frac{3}{2}$     E 4    F  $\frac{3}{4}$     G nessuna delle altre

---

**Quesito n. F** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy |y - x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{1}{3}, 0)$ ,  $(0, \frac{1}{3})$ ,  $(3, 3)$

A  $\frac{1}{18}$     B  $\frac{1}{3}$     C  $\frac{2}{3}$     D  $\frac{3}{2}$     E 3    F  $\frac{3}{16}$     G nessuna delle altre

# Problema n. 5061

maple (L)

controlli oltre al primo: 0

**Quesito n. A** Calcolare l'integrale doppio  $\int \int_E dx dy \frac{\sqrt{2}(x+y)}{2+(y-x)^2}$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono i punti  $(0, 0)$ ,  $(2, 0)$ ,  $(0, 2)$ ,  $(1, 1)$

A  $\pi - 2 \ln 2$   B  $\sqrt{2} - 1$   C  $\sqrt{2}$   D  $\pi$   E  $\pi + 2 \ln 2$   F  $2\pi + \ln 2$   G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Calcolare l'integrale doppio  $\int \int_E dx dy \frac{\sqrt{2}(x+y)}{2+(y-x)^2}$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono i punti  $(0, 0)$ ,  $(2, 0)$ ,  $(0, 2)$ ,  $(3, 3)$

A  $3\pi + 24 - 30 \ln 2$   B  $3\pi + 12 + 30 \ln 2$   C  $4 \ln 2$   D  $3\pi + 3 \ln 3$   E  $3$   F  $\pi + 2 - 3 \ln 2$   G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Calcolare l'integrale doppio  $\int \int_E dx dy \frac{\sqrt{2}(x+y)}{2+(y-x)^2}$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono i punti  $(0, 0)$ ,  $(2\sqrt{3}, 0)$ ,  $(0, 2\sqrt{3})$ ,  $(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$

A  $\frac{4}{3}\pi - \sqrt{3}$   B  $\frac{2}{3}\pi - 1$   C  $\frac{3}{2}\pi + \sqrt{3}$   D  $\frac{\pi}{3}$   E  $\sqrt{3}$   F  $3\sqrt{3}$   G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Calcolare l'integrale doppio  $\int \int_E dx dy \frac{\sqrt{2}(x+y)}{2+(y-x)^2}$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono i punti  $(0, 0)$ ,  $(2\sqrt{3}, 0)$ ,  $(0, 2\sqrt{3})$ ,  $(\sqrt{3}, \sqrt{3})$

A  $4\pi - 4\sqrt{3} \ln 2$   B  $8\pi + 2\sqrt{3} \ln 2$   C  $\pi + \ln 2$   D  $\pi + \sqrt{3}$   E  $8\pi + 4 \ln 3$   F  $3\pi + 3\sqrt{3} \ln 3$   G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Calcolare l'integrale doppio  $\int \int_E dx dy \frac{\sqrt{2}(x+y)}{2+(y-x)^2}$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono i punti  $(0, 0)$ ,  $(\frac{2}{\sqrt{3}}, 0)$ ,  $(0, \frac{2}{\sqrt{3}})$ ,  $(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$

A  $\sqrt{3} - 4\sqrt{3} \ln 2 + 2\sqrt{3} \ln 3$   B  $\sqrt{3} - 2\sqrt{3} \ln 2 + 2\sqrt{3} \ln 3$   C  $\sqrt{3} - \sqrt{3} \ln 2 - 2\sqrt{3} \ln 3$   D  $\sqrt{2} - 4\sqrt{3} \ln 2 - 2\sqrt{3} \ln 3$   
 E  $\sqrt{3} + \sqrt{3} \ln 2 + 2\sqrt{3} \ln 3$   F  $\sqrt{2} - 4\sqrt{3} \ln 2 + 2\sqrt{3} \ln 3$   G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Calcolare l'integrale doppio  $\int \int_E dx dy \frac{\sqrt{2}(x+y)}{2+(y-x)^2}$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono i punti  $(0, 0)$ ,  $(\frac{2}{\sqrt{3}}, 0)$ ,  $(0, \frac{2}{\sqrt{3}})$ ,  $(\sqrt{3}, \sqrt{3})$

A  $-2\pi + 8\sqrt{3} - 20\sqrt{3} \ln 2 + 10\sqrt{3} \ln 3$   B  $-2\pi - 8\sqrt{3} - 20\sqrt{3} \ln 2 + 10\sqrt{3} \ln 3$   C  $2\pi + 8\sqrt{3} - 20\sqrt{3} \ln 2 + 10\sqrt{3} \ln 3$   
 D  $-2\pi + 8\sqrt{3} - 20\sqrt{3} \ln 2 + 20\sqrt{3} \ln 3$   E  $-2\pi + 8\sqrt{3} + 10\sqrt{3} \ln 2 + 10\sqrt{3} \ln 3$   F  $2\pi - 4\sqrt{3} - 20\sqrt{3} \ln 2 + 10\sqrt{3} \ln 3$   
 G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si valuti il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = (F_1(\underline{x}), F_2(\underline{x}), F_3(\underline{x}))$  dove  $F_1(\underline{x}) = -x \ln(x^2 + y^2)$ ,  $F_2(\underline{x}) = \frac{x^2}{y} \ln(x^2 + y^2)$ ,  $F_3(\underline{x}) = -z(\ln(x^2 + y^2) + \frac{2x^2}{x^2+y^2}) + (1-z)(-\frac{x^2}{y^2} \ln(x^2 + y^2) + \frac{2x^2}{x^2+y^2})$  attraverso l'insieme  $\{\underline{x} \in \mathbf{R}^3: x^2 + y^2 \leq 1, z = 0\}$

- A  $-2\pi$     B  $2\pi$     C  $\pi$     D  $-\pi$     E  $0$     F  $4\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si valuti il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = (F_1(\underline{x}), F_2(\underline{x}), F_3(\underline{x}))$  dove  $F_1(\underline{x}) = \sqrt{2x^2 + y^2}(y + \frac{1}{2})$ ,  $F_2(\underline{x}) = -2x\sqrt{2x^2 + y^2}$ ,  $F_3(\underline{x}) = -x$  uscente dalla superficie del solido definito da  $0 \leq z \leq \sqrt{3} - \sqrt{2x^2 + y^2}$

- A  $\frac{3}{2}$     B  $0$     C  $2$     D  $-2$     E  $1$     F  $\frac{2}{3}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si valuti il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = (F_1(\underline{x}), F_2(\underline{x}), F_3(\underline{x}))$  dove  $F_1(\underline{x}) = 4\sqrt{3x^2 + 4y^2}(y + \frac{1}{12})$ ,  $F_2(\underline{x}) = -3x\sqrt{3x^2 + 4y^2}$ ,  $F_3(\underline{x}) = -x$  uscente dalla superficie del solido definito da  $0 \leq z \leq \sqrt{2} - \sqrt{3x^2 + 4y^2}$

- A  $\frac{2\sqrt{2}}{27}$     B  $0$     C  $\frac{2}{15}$     D  $\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{33}}$     E  $-\frac{2}{17}$     F  $1$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si valuti il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = (F_1(\underline{x}), F_2(\underline{x}), F_3(\underline{x}))$  dove  $F_1(\underline{x}) = \frac{1}{9}\sqrt{2x^2 + \frac{1}{9}y^2}(y + \frac{9}{2})$ ,  $F_2(\underline{x}) = -2x\sqrt{2x^2 + \frac{1}{9}y^2}$ ,  $F_3(\underline{x}) = -x$  uscente dalla superficie del solido definito da  $0 \leq z \leq 1 - \sqrt{2x^2 + \frac{1}{9}y^2}$

- A  $1$     B  $0$     C  $\frac{2}{15}$     D  $-\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{15}}$     E  $-\frac{2}{13}$     F  $-1$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si valuti il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = (\frac{1}{2}x - z^2)\underline{i} + \frac{1}{2}y\underline{j} - z\underline{k}$  uscente dalla superficie del solido definito da  $x^2 + 2y^2 \leq |z| \leq 2 + \sqrt{x^2 + 2y^2}$

- A  $-\frac{8}{3}\pi$     B  $0$     C  $\frac{2}{15}\pi$     D  $2\pi$     E  $4\pi$     F  $-1$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si valuti il flusso del campo vettoriale  $\underline{F}(\underline{x}) = (\frac{1}{2}x - z^2)\underline{i} + \frac{1}{2}y\underline{j} - z\underline{k}$  uscente dalla superficie del solido definito da  $2x^2 + 4y^2 \leq |z| \leq 2 + \sqrt{2x^2 + 4y^2}$

- A  $-\frac{2}{3}\pi$     B  $0$     C  $\frac{2}{5}\pi$     D  $\pi$     E  $2\pi$     F  $-\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si dica che relazione deve intercorrere fra le quantità positive  $\delta_o$  e  $\delta_1$  affinché sia uguale a **zero** la **ascissa** del baricentro di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f(x) = \begin{cases} x+L & -L \leq x \leq 0 \\ -x+L & 0 \leq x \leq L \end{cases}$  ed avente

$$\text{densità } \delta(x, y) = \begin{cases} \delta_o|x| & -L \leq x \leq 0 \\ \delta_1x^2 & 0 \leq x \leq L \end{cases}$$

- A  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{3}{4}L$     B  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{4}L$     C  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{2}L$     D  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = L$     E  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{3}L$     F  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{2}{3}L$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento verticale congiungente i punti  $(-L, 0)$ ,  $(-L, 2L)$  e orizzontale congiungente i punti  $(-L, 2L)$ ,  $(0, 2L)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o|y - L|$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = \delta_o|x + 2L|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  le dimensioni di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

- A  $L\frac{8}{5}$     B  $L\frac{2}{3}$     C  $L\frac{4}{5}$     D 0    E  $L\frac{1}{2}$     F  $L\frac{3}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si dica che relazione deve intercorrere fra le quantità positive  $\delta_o$  e  $\delta_1$  affinché sia uguale a **zero** la **ascissa** del baricentro di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f(x) = \begin{cases} x+L & -L \leq x \leq 0 \\ -x+2L & 0 \leq x \leq 2L \end{cases}$  ed avente

$$\text{densità } \delta(x, y) = \begin{cases} \delta_o|x| & -L \leq x \leq 0 \\ \delta_1x^2 & 0 \leq x \leq 2L \end{cases}$$

- A  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 12L$     B  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 2L$     C  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{1}{2}L$     D  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = L$     E  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 3L$     F  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{2}{3}L$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento verticale congiungente i punti i punti  $(-2L, 0)$ ,  $(-2L, L)$  e orizzontale congiungente i punti  $(-2L, L)$ ,  $(0, L)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o|y - \frac{1}{2}L|$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = \delta_o|x + 2L|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

- A  $L\frac{17}{18}$     B  $L\frac{10}{11}$     C  $L\frac{3}{22}$     D  $L\frac{3}{4}$     E  $L\frac{1}{2}$     F  $L\frac{3}{5}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si dica che relazione deve intercorrere fra le quantità positive  $\delta_o$  e  $\delta_1$  affinché sia uguale a **zero** la **ordinata** del baricentro di un filo disposto lungo il grafico della funzione  $f(x) = \begin{cases} x+L & -L \leq x \leq 0 \\ x-L & 0 \leq x \leq L \end{cases}$  ed avente

$$\text{densità } \delta(x, y) = \begin{cases} \delta_o|x| & -L \leq x \leq 0 \\ \delta_1x^2 & 0 \leq x \leq L \end{cases}$$

- A  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{L}{2}$     B  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = L$     C  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{3}{4}L$     D  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 2L$     E  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = 3L$     F  $\frac{\delta_o}{\delta_1} = \frac{2}{3}L$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Siano dati due fili disposti rispettivamente lungo il segmento vericale congiungente i punti i punti  $(-L, 0)$ ,  $(-L, 2L)$  e orizzontale congiungente i punti  $(-L, 2L)$ ,  $(0, 2L)$ . Il primo ha densità  $\delta_1(x, y) = \delta_o(|x + y + L|)$  ed il secondo  $\delta_2(x, y) = \delta_o|x + 2L|$  ( $L$  ha le dimensioni di una lunghezza e  $\delta_o$  di una massa diviso una lunghezza al quadrato). Trovare l'**ordinata** del baricentro dei due fili

- A  $L\frac{34}{21}$     B  $L\frac{43}{37}$     C  $L\frac{25}{26}$     D 0    E  $L\frac{7}{6}$     F  $L\frac{5}{4}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int \int_D x^2 y \cos(xy^2) dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}, 0 \leq y \leq 2\}$

A  $-\frac{\pi}{16}$     B 0    C  $\frac{\pi}{4}$     D  $\frac{\pi}{2}$     E  $\pi$     F  $2\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int \int_D x^2 y e^{xy} dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 2\}$

A 2    B 0    C  $-e$     D  $e$     E 3    F  $-2e$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int \int_D x \sin(x^2 + y) dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq \sqrt{\pi}, 0 \leq y \leq \pi\}$

A 0    B  $\pi - 2$     C  $\pi$     D  $2\pi$     E  $2\pi - 2$     F  $-2$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int \int_D \frac{1}{(x+y+1)^2} dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$

A  $\ln \frac{4}{3}$     B  $\ln 2$     C  $\ln \frac{2}{5}$     D  $\frac{2}{3}$     E  $\frac{1}{4}$     F 1    G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int \int_D \frac{y}{x+y^2+1} dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$

A  $\ln \frac{3\sqrt{3}}{4}$     B  $\frac{\pi}{4}$     C  $\ln 2$     D 2    E  $\frac{\ln 3}{3}$     F  $\frac{\ln 2}{\pi}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F**  $\int \int_D x \cos(x^2 + y) dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq \sqrt{\pi}, 0 \leq y \leq \pi\}$

A  $-2$     B 2    C  $-1$     D 1    E 0    F 4    G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli  $\int \int_D (x \sin y - ye^x) dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : -1 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq \frac{\pi}{2}\}$

- A  $\frac{\pi^2}{8}(\frac{1}{e} - e)$ 
 B  $\frac{\pi}{4}e$ 
 C  $(e^2 + e)$ 
 D  $\frac{\pi}{2}$ 
 E  $\pi$ 
 F  $0$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli  $\int \int_D (\sqrt{y} + x - 3xy^2) dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq 1, 1 \leq y \leq 3\}$

- A  $2\sqrt{3} - \frac{38}{3}$ 
 B  $2\sqrt{5} - \frac{15}{4}$ 
 C  $\sqrt{3} + \frac{3}{8}$ 
 D  $2\sqrt{2} + \frac{5}{38}$ 
 E  $0$ 
 F  $2\sqrt{3} + \frac{19}{3}$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli  $\int \int_D \sin(x + y) dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}, 0 \leq y \leq \frac{\pi}{2}\}$

- A  $2$ 
 B  $2\pi$ 
 C  $1$ 
 D  $\pi$ 
 E  $-2$ 
 F  $-1$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli  $\int \int_D \sin(2x + y) dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : 0 \leq x \leq \pi, 0 \leq y \leq \pi\}$

- A  $0$ 
 B  $1$ 
 C  $2$ 
 D  $4$ 
 E  $-1$ 
 F  $-2$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli  $\int \int_D x \cos(x + y) dx dy$  dove  $D$  è il triangolo di vertici  $(0, 0)$ ,  $(\pi, 0)$ ,  $(\pi, \pi)$

- A  $-\frac{3}{2}\pi$ 
 B  $-\frac{\pi}{4}$ 
 C  $-\pi$ 
 D  $-2\pi$ 
 E  $-\frac{\pi}{3}$ 
 F  $-\frac{\pi}{2}$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli  $\int \int_D (x^2 - y^2) dx dy$  dove  $D$  è la regione delimitata dal grafico della funzione  $y = \sin x$  e dall'intervallo  $[0, \pi]$

- A  $\pi^2 - \frac{40}{9}$ 
 B  $0$ 
 C  $2\pi$ 
 D  $\pi - \frac{3}{2}$ 
 E  $2\pi^2 + \frac{1}{2}$ 
 F  $-\pi$ 
 G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Si calcoli l'integrale doppio  $\iint_D y dx dy$  dove  $D$  è la regione racchiusa dalle rette  $x = 2$ ,  $x = -2$ ,  $y = x - 5$ ,  $y = 4|x|$

A -10    B -2    C 0    D -50    E -5    F -105    G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Si calcoli l'integrale doppio  $\iint_D x dx dy$  dove  $D = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2: 0 \leq x \leq 2, x^2 - 1 \leq y \leq x + 1\}$

A  $\frac{8}{3}$     B  $\frac{5}{2}$     C  $\frac{3}{8}$     D  $\frac{1}{2}$     E  $\frac{7}{8}$     F  $\frac{3}{2}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Si calcoli l'integrale doppio  $\iint_D x(1-y) dx dy$  dove  $D$  è la regione del piano delimitata dall'asse delle ascisse, dalla retta  $y = x$  e dalla funzione  $y = \sqrt{1-x^2}$  ed i cui punti hanno ascissa non negativa.

A  $\frac{3-8\sqrt{2}}{48}$     B  $\frac{3+4\sqrt{3}}{16}$     C  $\frac{3+\sqrt{2}}{24}$     D  $\frac{3+2\sqrt{2}}{16}$     E  $\frac{5-8\sqrt{3}}{8}$     F  $\frac{3+8\sqrt{2}}{12}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Si calcoli l'integrale doppio  $\iint_D xy dx dy$  dove  $D$  è la regione del secondo quadrante delimitata dall'asse delle  $x$ , dall'asse delle  $y$ , dalla retta  $y = x + 1$  e dall'ellisse  $3x^2 + y^2 = 1$

A  $-\frac{5}{96}$     B  $-\frac{5}{48}$     C  $-\frac{19}{6}$     D  $-\frac{2}{15}$     E  $-\frac{3}{16}$     F  $-\frac{1}{96}$     G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Si calcoli l'integrale doppio  $\iint_D x^2 dx dy$  dove  $D$  è la regione  $x^2 + \frac{y^2}{4} \leq 1$ ,  $x^2 + y^2 \geq 1$

A  $\frac{\pi}{4}$     B  $\frac{\pi}{2}$     C  $\frac{3}{4}\pi$     D 0    E  $2\pi$     F  $3\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Si calcoli l'integrale doppio  $\iint_D y^2 dx dy$  dove  $D$  è la regione  $y^2 + \frac{x^2}{4} \leq 1$ ,  $x^2 + y^2 \geq 1$

A  $\frac{\pi}{4}$     B  $\frac{\pi}{2}$     C  $\frac{3}{4}\pi$     D 0    E  $2\pi$     F  $3\pi$     G nessuna delle altre

**Quesito n. A** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy |2y - 3x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(1, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(6, 6)$

A 14    B 18    C 12    D 10    E 9    F 15    G nessuna delle altre

**Quesito n. B** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy 10|2y - 3x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(1, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(3, 3)$

A 43    B 29    C 51    D 32    E 17    F 13    G nessuna delle altre

**Quesito n. C** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy 5|2y - x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(2, 0)$ ,  $(0, 2)$ ,  $(3, 3)$

A 48    B 28    C 4    D 83    E 22    F 18    G nessuna delle altre

**Quesito n. D** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy 4|2y - 3x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{1}{2}, 0)$ ,  $(0, \frac{1}{2})$ ,  $(3, 3)$

A 7    B 1    C 2    D 17    E 1    F 3    G nessuna delle altre

**Quesito n. E** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy 30|3y - 2x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{1}{2}, 0)$ ,  $(0, \frac{1}{2})$ ,  $(4, 4)$

A 89    B 13    C 29    D 49    E 19    F 7    G nessuna delle altre

**Quesito n. F** Calcolare l'integrale  $\int \int_E dx dy 15|2y - x|$  dove  $E$  è il poligono i cui vertici sono  $(0, 0)$ ,  $(\frac{1}{2}, 0)$ ,  $(0, \frac{1}{2})$ ,  $(3, 3)$

A 16    B 2    C 8    D 22    E 13    F 17    G nessuna delle altre